



### Стек

**Стек** е линеен списък, в който всички операции (включване, изключване и т.н.) се извършват само в единия му край (**връх** на стека).

Нарича се **LIFO** структура (last-in, first-out – последен влязъл, първи излязъл).

### Приложение

- обръщане на входа в обратен ред;
- изчисляване на изрази – операциите с нисък приоритет се добавят в стека, докато операциите с висок приоритет се изпълнят;
- езикови транслатори – стекът забавя обработката на външните последователности, докато вътрешните последователности се транслират;
- извикване на подпрограми;
- изпълнение на рекурсивни подпрограми;
- синтактически анализ на текст – например при израз със скоби всяка отваряща скоба се добавя в стек, а всяка затваряща скоба изтрива от стека последната добавена скоба.

### Логическо описание

#### Съединение на

- елемент от тип  $T$ , наречен **връх** на стека и
- **тяло** на стека.

данни: тип  $T$

тип  $СТЕК_T = (ПРАЗНО \mid НЕПРАЗЕН\_СТЕК_T)$

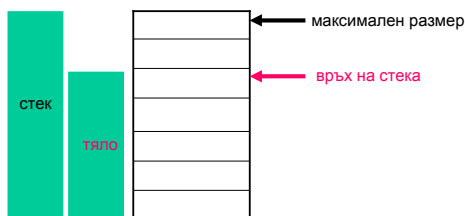
тип  $НЕПРАЗЕН\_СТЕК_T = (\text{връх: } T; \text{тяло: } СТЕК_T)$

### Операции

1. Създаване на празен стек
2. Празен стек
3. Включване на елемент във върха на стека
4. Изключване на елемент от върха на стека
5. Намиране на последния елемент в стека

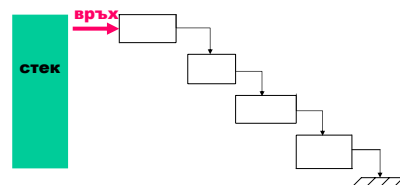
### Физическо представяне

#### 1. Непрекъснатото представяне



**тяло** – фиксирана област от паметта (масив)  
**връх** – тип **ЦЯЛО**

#### 2. Вержно представяне



### Дефиниране

```
#define SIZE <константа> // максимален размер
typedef <тип> DATA; // тип на данни
struct stack // стек
{
    int top; // връх на стек
    DATA t[SIZE]; // тяло на стек
};
typedef struct stack STACK;
```

### Характеристики

Добавяне и изключване на елемент от стека става само през неговия връх **top**.

### 1. Създаване на празен стек

**Алгоритъм**  
връх ← ПРАЗНО

```
void create (STACK *s)
{
    s->top = 0; // празен стек
}
```

### 2. Празен стек

**Алгоритъм**  
ако връх = ПРАЗНО  
стеът е празен  
в противен случай  
стеът не е празен

```
int empty (STACK s)
{
    return !s.top;
}
```

### 3. Включване на елемент във върха на стека

**Алгоритъм**  
ако има място в стека  
връх ← връх + 1  
тяло[връх] ← данна  
успешна операция  
в противен случай  
неуспешна операция

```
int push (STACK *s, DATA key)
{
    if (s->top < SIZE-1)
    {
        (s->top)++;
        s->t[s->top] = key;
        return (SUCCESS);
    }
    else
        return (FAILURE);
}
```

#### 4. Изключване на елемент от върха на стека

##### Алгоритъм

ако стеът е празен  
неуспешна операция  
в противен случай  
данни ← **тяло**[**върх**]  
**върх** ← **върх** - 1  
успешна операция

```
int pop (STACK *s, DATA *key)
{
    if (empty(*s))
    {
        printf ("Празен стек!\n");
        return (FAILURE);
    }
    else
    {
        *key = s->[s->top];
        (s->top)--;
        return (SUCCESS);
    }
}
```

#### 5. Намиране на последния елемент в стека

##### Алгоритъм

ако стеът е празен  
неуспешна операция  
в противен случай  
данни ← **тяло**[**върх**]  
успешна операция

```
int look (STACK s, DATA *key)
{
    if (empty(s))
    {
        printf ("Празен стек!\n");
        return FAILURE;
    }
    else
    {
        *key = s.[s.top];
        return SUCCESS;
    }
}
```

**Задача:** Използване на стек за изчисляване на аритметичен израз чрез използване на **обратен полски запис** (постфиксен запис) – операторът се записва след двата аргумента, а не между тях (инфиксен запис); отпада необходимостта от скоби.

$5 * ((9 + 8) * (4 * 6)) + 7$  инфиксен запис  
 $5\ 9\ 8\ +\ 4\ 6\ *\ * 7\ +\ *$  постфиксен запис

Въведете постфиксен израз, който съдържа аритметичните операции събиране и умножение. Интерпретирайте всеки операнд като команда: **включи операнда в стека** и всеки оператор като команда: **изключи два операнда от стека, извърши операцията и включи резултата в стека.** (Редът, в който двата операнда се получават чрез изключване от стека, не е от значение за операциите събиране и умножение, докато за изваждане и деление този ред е съществен.)

##### Алгоритъм

създай празен стек  
въведи постфиксен израз като символен низ  
насочи временен указател към началото на низа  
докато временният указател не е стигнал края на низа  
повтаряй  
резултат ← 0  
докато текущият символ е празна позиция  
придвижи временния указател  
ако текущият символ е +  
изключи втори операнд от **върха** на стека  
изключи първи операнд от **върха** на стека  
резултат ← сума от операндите  
ако текущият символ е \*  
изключи втори операнд от **върха** на стека  
изключи първи операнд от **върха** на стека  
резултат ← произведение от операндите  
докато текущият символ е цифра  
резултат ←  $10 * \text{резултат} + \text{конвертиран символ в цифра}$   
придвижи временния указател  
включи резултата във **върха** на стека  
придвижи временния указател  
изключи резултата от **върха** на стека

### Опашка

**Опашка** е линеен списък, в който всички включвания се извършват в **края** и всички изключвания – в **началото**.

Нарича се **FIFO** структура (first-in, first-out – първи влязъл, първи излязъл).

#### Разлика между опашка и стек

- опашка – елементите се получават от опашката в същия ред, в който са попаднали в нея;
- стек – елементите се получават от стека в обратен ред на тяхното разполагане.

### Приложение

- моделиране на поведението на системата сървър-клиент – клиенти чакат да бъдат обслужени в банка, супермаркет и т.н.;
- моделиране на работата на операционни системи с време деление (като буфер) – операционната система управлява опашка от незавършили задания, като всяко задание получава малко количество от процесорното време;
- откриване на палиндром – последователност, която е една и съща отпред-назад и отзад-напред.

### Логическо описание

#### Съединение на

- елемент от тип  $T$ , наречен **начало** на опашката,
- елемент от тип  $T$ , наречен **край** на опашката и
- **тяло** на опашката.

данни: тип  $T$

тип ОПАШКА $_T$  = (ПРАЗНО | НЕПРАЗНА\_ОПАШКА $_T$ )

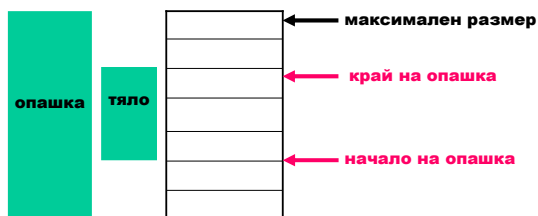
тип НЕПРАЗНА\_ОПАШКА $_T$  = (начало:  $T$ ;  
край:  $T$ ;  
тяло: ОПАШКА $_T$ )

### Операции

1. Създаване на празна опашка
2. Празна опашка
3. Включване на елемент в края на опашката
4. Изключване на елемент в началото на опашката
5. Намиране на първия елемент в опашката

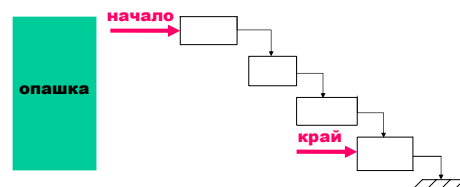
### Физическо представяне

#### 1. Непрекъснатото представяне



- начало** – тип ЦЯЛО
- край** – тип ЦЯЛО
- тяло** – фиксирана област от паметта (масив)

#### 2. Верижно представяне



**Дефиниране**

```
define SIZE <константа> // максимален размер
typedef <тип> DATA; // тип на данни
struct queue // опашка
{
    int front; // начало на опашка
    int rear; // край на опашка
    DATA t[SIZE]; // тяло
};
typedef struct queue QUEUE;
```

**Характеристики**

Нов елемент се добавя в края (**rear**) на опашката.  
 Най-старият елемент се изключва от началото (**front**) на опашката.

**1. Създаване на празна опашка**

**Алгоритъм**

```
начало ← ПРАЗНО
край ← ПРАЗНО
```

```
void create (QUEUE *q)
{
    q->front = 0; // празна опашка
    q->rear = 0;
}
```

**2. Празна опашка**

**Алгоритъм**

```
ако начало = ПРАЗНО и край = ПРАЗНО или край < начало
опашката е празна
в противен случай
опашката не е празна
```

```
int empty (QUEUE q)
{
    return q.front == 0 && q.rear == 0 || q.rear < q.front;
}
```

**3. Включване на елемент в края на опашката**

**Алгоритъм**

```
ако има място в опашката
ако опашката е празна
    начало ← начало + 1
    край ← край + 1
    тяло[край] ← данна
в противен случай
    край ← край + 1
    тяло[край] ← данна
успешна операция
в противен случай
неуспешна операция
```

```
int put (QUEUE *q, DATA key)
{
    if (q->rear < SIZE-1)
    {
        if (empty(*q))
        {
            (q->front)++;
            (q->rear)++;
            q->t[q->rear] = key;
        }
        else
        {
            (q->rear)++;
            q->t[q->rear] = key;
        }
        return (SUCCESS);
    }
    else
        return (FAILURE);
}
```

**4. Изключване на елемент от началото на опашката**

**Алгоритъм**

ако опашката е ПРАЗНА  
неуспешна операция  
в противен случай  
данни ← **тяло**[начало]  
начало ← начало + 1  
успешна операция

```
int get (QUEUE *q, DATA *key)
{
    if (empty (*q))
    {
        printf ("Празна опашка!");
        return (FAILURE);
    }
    else
    {
        *key = q->t[q->front];
        (q->front)++;
        return (SUCCESS);
    }
}
```

**5. Намиране на първия елемент в опашката**

**Алгоритъм**

ако опашката е ПРАЗНА  
неуспешна операция  
в противен случай  
данни ← **тяло**[начало]  
успешна операция

```
int look (QUEUE q, DATA *key)
{
    if (empty (q))
    {
        printf ("Празна опашка!\n");
        key = NULL;
        return FAILURE;
    }
    else
    {
        *key = q.t[q.front];
        return SUCCESS;
    }
}
```

**Задача:** Използване на опашка като буфер  
Въведете изречение като символен низ.  
Включете първия символ от всяка дума в опашка.  
Отпечатайте получената дума, като изключите  
последователно елементите от опашката.  
Приемете, че думите в изречението са разделени  
с празни позиции или табулатори.

**Алгоритъм**

създай празна опашката  
състояние ← вън от дума  
въведи изречение като символен низ  
насочи временен указател към началото на низа  
докато временният указател не е стигнал края на низа  
повтаряй  
ако текущият символ не е празна позиция и табулатор  
и състояние = вън от дума  
състояние ← вътре в дума  
включи текущия символ в опашката  
ако текущият символ е празна позиция или табулатор  
и състояние = вътре в дума  
състояние ← вън от дума  
привдигни временния указател  
докато опашката не е празна  
изключи елемент от опашката  
отпечатай изключения елемент