

# Компютърна графика

---

## Определяне на видими стени и обекти

доц. Милена Лазарова, кат. КС, ФКСУ

# Права

## ■ Векторно (параметрично) уравнение на права

- правата се задава с
  - радиус-вектор  $P$
  - направляващ вектор  $d$
- произволна точка от правата се определя от

$$L = P + t d$$

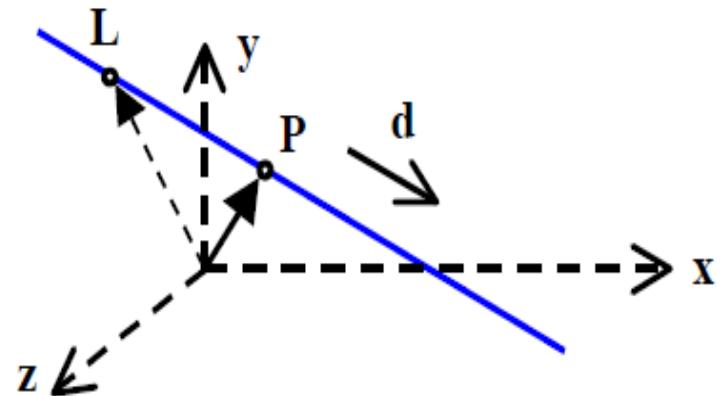
- връзка с декартови координати в 2D

$$x = P_x + t \cdot d_x$$

$$y = P_y + t \cdot d_y$$

- ако  $d_x \neq 0$ , то  $t$  може да се елиминира

$$y = (P_y - (d_y/d_x) \cdot P_x) + (d_y/d_x) \cdot x \Rightarrow y = a \cdot x + b$$



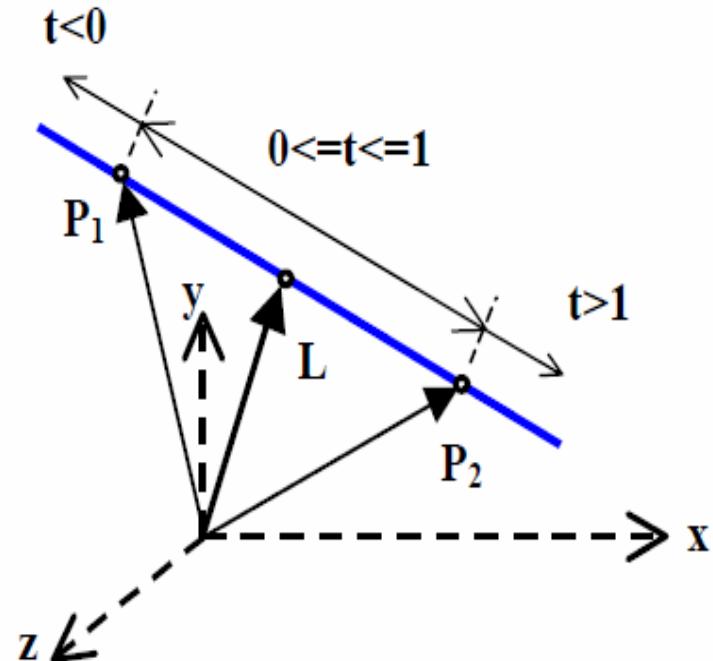
# Права

- Отсечки от прави
  - отсечката е зададена с две точки  $P_1$  и  $P_2$
- Векторът, определящ посоката на правата, е

$$\mathbf{d} = P_2 - P_1$$

- Уравнението на правата е

$$\mathbf{L} = P_1 + t (P_2 - P_1)$$



# Права

## ■ Точка на пресичане на две отсечки в 2D

- отсечките са от  $P_{11}$  до  $P_{12}$  и от  $P_{21}$  до  $P_{22}$

$$L_1 = P_{11} + t_1(P_{12} - P_{11})$$

$$L_2 = P_{21} + t_2(P_{22} - P_{21})$$

- в точката на пресичане  $L_1 = L_2$

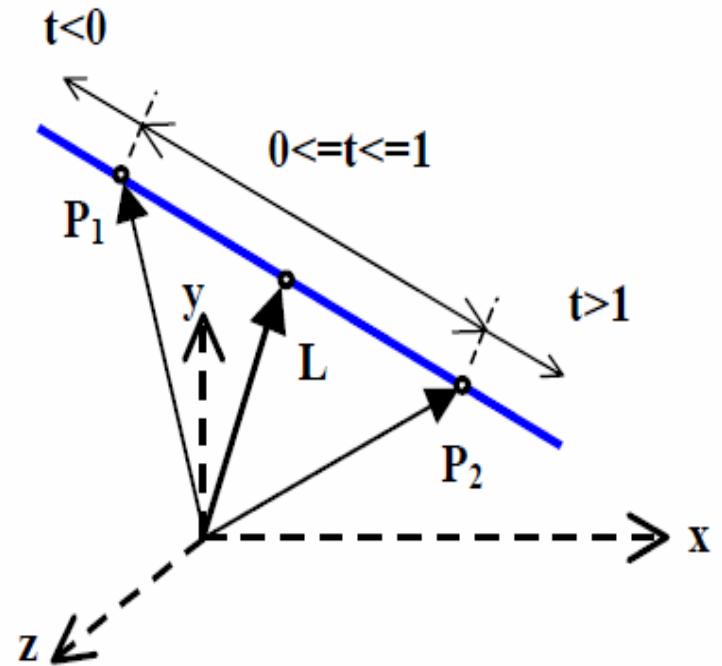
- за да се определи точката на пресичане се определят  $t_1$  и  $t_2$

$$x_{11} + t_1(x_{12} - x_{11}) = x_{21} + t_2(x_{22} - x_{21})$$

$$y_{11} + t_1(y_{12} - y_{11}) = y_{21} + t_2(y_{22} - y_{21})$$

- ако  $0 \leq t_1 \leq 1$  и  $0 \leq t_2 \leq 1$ ,

то отсечките имат точка на пресичане



# Равнина

## ■ Векторно уравнение на равнина

- равнината е зададена с три точки  $P_1, P_2$  и  $P_3$

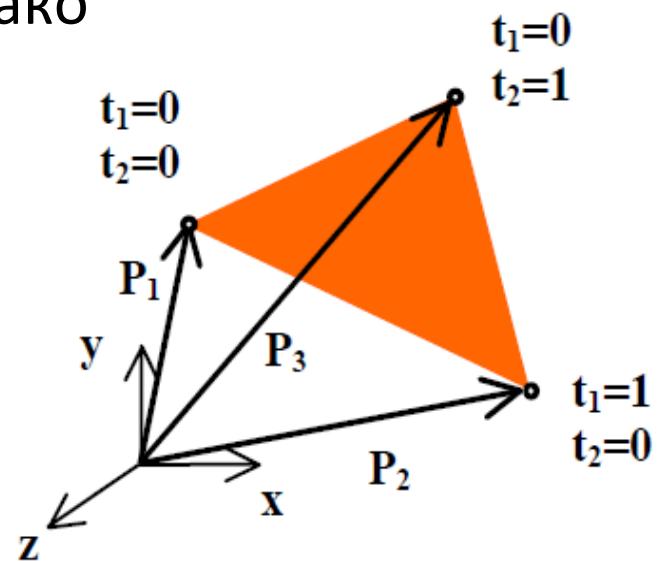
$$\mathbf{P} = P_1 + t_1 (P_2 - P_1) + t_2 (P_3 - P_1)$$

## ■ Точка Р лежи вътре в триъгълника, ако

$$t_1 > 0 \text{ и}$$

$$t_2 > 0 \text{ и}$$

$$t_1 + t_2 < 1$$



# Равнина

- Равнина, зададена с точка и нормала
  - ако  $n$  е нормала към равнината, а  $p$  е свободен вектор в равнината, то

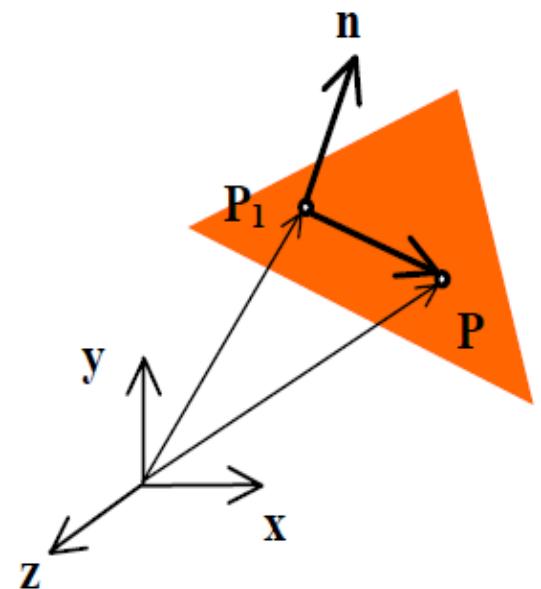
$$n \cdot p = 0$$

- Ако равнината е зададена с три точки  $P_1, P_2$  и  $P_3$ , то нормала към равнината може да се определи от векторното произведение на двете отсечки

$$n = (P_2 - P_1) \times (P_3 - P_1)$$

или

$$n = \|P_2 - P_1\| \cdot \|P_3 - P_1\| \cdot \sin \alpha$$



# Равнина

- Ако равнината е зададена с нормала и точка от равнината (радиус-вектор)  $P_1$ , а  $P$  произволна точка от равнината, то

$$p = P - P_1 \quad n \cdot (P - P_1) = 0 \quad n \cdot P = n \cdot P_1 = s \quad (s \text{ е скалар})$$

$$n \cdot P = s$$

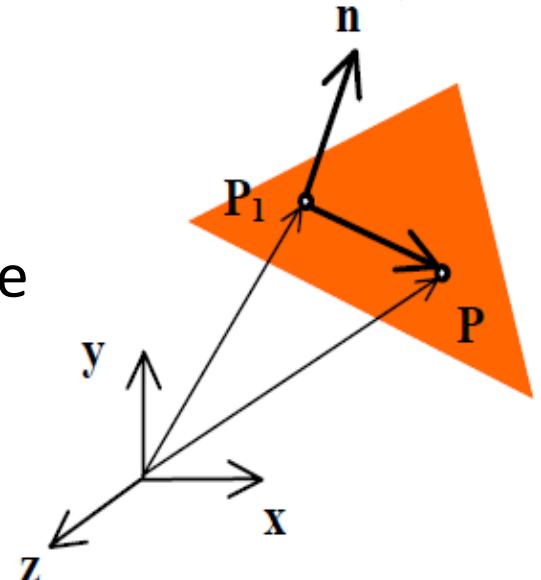
- Преминаване към аналитично уравнение

$$n_x \cdot x + n_y \cdot y + n_z \cdot z - s = 0$$

или

$$Ax + By + Cz + D = 0$$

където  $A = n_x$ ,  $B = n_y$ ,  $C = n_z$ ,  $D = -n \cdot P_1$



# Равнина

## ■ Точка на пресичане на права и равнина

□ равнината е зададена с

$$\mathbf{n} \cdot \mathbf{P} = s$$

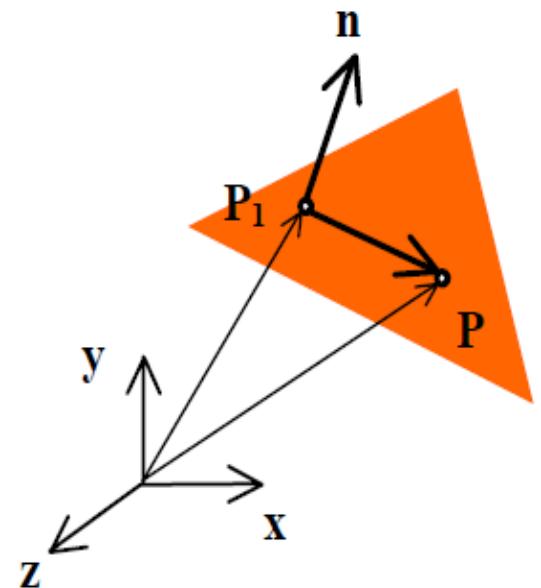
□ правата е зададена с

$$\mathbf{P} = \mathbf{P}_1 + t\mathbf{d}$$

## ■ В точката на пресичане

$$\mathbf{n} \cdot (\mathbf{P}_1 + t\mathbf{d}) = s$$

$$t = (s - \mathbf{n} \cdot \mathbf{P}_1) / \mathbf{n} \cdot \mathbf{d}$$



# Равнина

## ■ Права на пресичане на две равнини

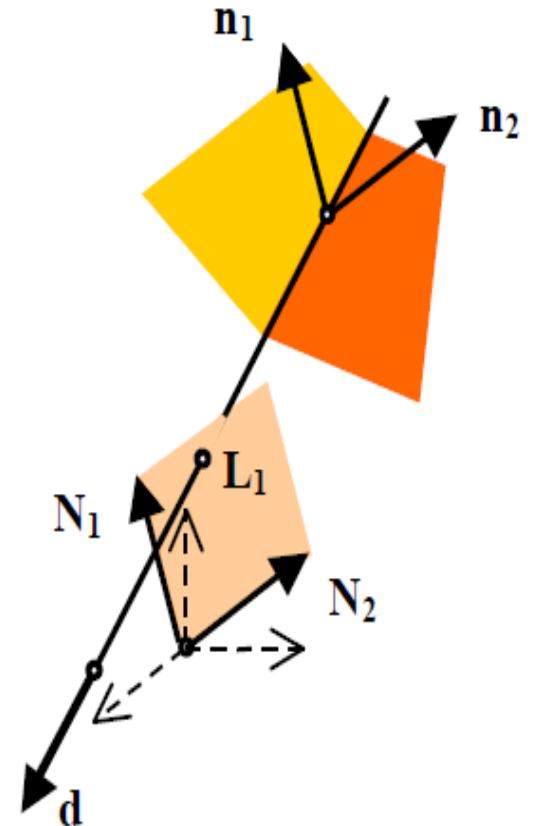
- двете равнини са зададени с

$$\mathbf{n}_1 \cdot \mathbf{P} = s_1 \quad \text{и} \quad \mathbf{n}_2 \cdot \mathbf{P} = s_2$$

- правата на пресичане е перпендикулярна на  $\mathbf{n}_1$  и на  $\mathbf{n}_2$
- посоката на правата на пресичане се определя от вектора

$$\mathbf{d} = \mathbf{n}_1 \times \mathbf{n}_2$$

- търси се точка от правата, например  $L_1$
- използват се два радиус-вектора, които образуват равнина перпендикулярна на  $\mathbf{d}$  и минаваща през т.О:  
 $\mathbf{N}_1 = \mathbf{n}_1, \mathbf{N}_2 = \mathbf{n}_2$
- точката  $L_1$  лежи в тази равнина



# Равнина

- Уравнението на пресечницата е

$$L = L_1 + t(n_1 \times n_2)$$

- $L_1$  може да се представи като

$$L_1 = a.N_1 + b.N_2 \quad (\text{a и b са скалари})$$

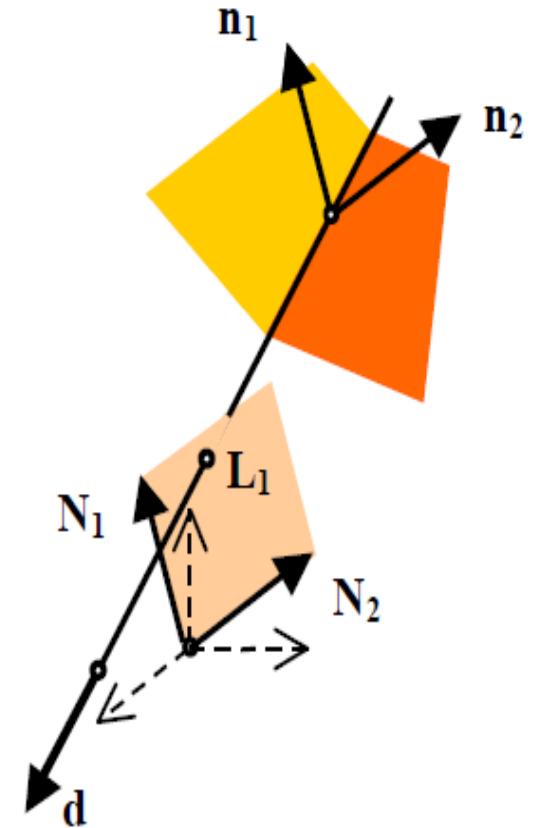
или  $L_1 = a.n_1 + b.n_2 \quad / \cdot n_1 \quad / \cdot n_2$

- след умножение с двете нормали

$$L_1 \cdot n_1 = a|n_1|^2 + b n_1 \cdot n_2 = s_1$$

$$L_1 \cdot n_2 = a n_1 \cdot n_2 + b|n_2|^2 = s_2$$

- решава се спрямо  $a$  и  $b$  и след заместване се определя  $L_1$



# Прави и равнини

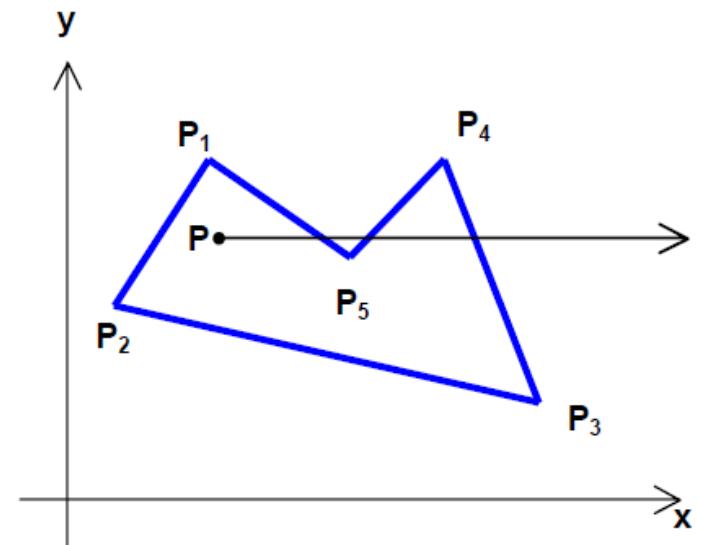
- **Тест за принадлежност на точка в произволен многоъгълник**

- Дадени са

- многоъгълник с координатите на върховете си

$$P_k \quad (k=1, 2, \dots, n, n+1; P_{n+1}=P_1)$$

- точка  $P(x_p, y_p)$



# Прави и равнини

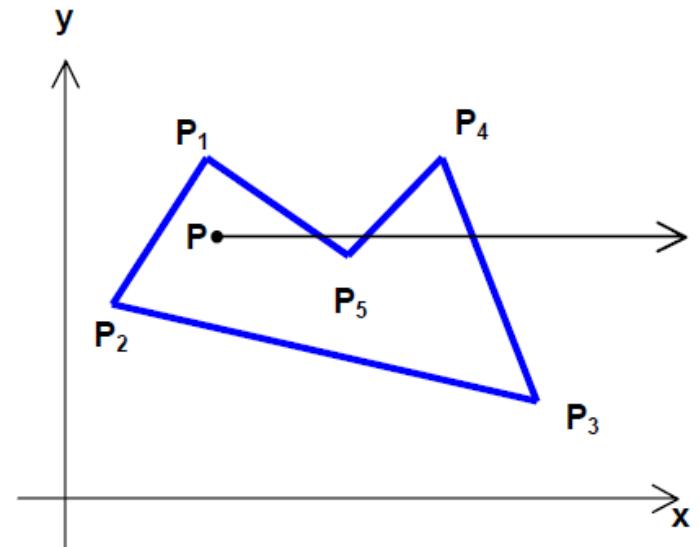
## ■ Тест 1

- Уравнение на лъч през т.Р успореден на абсцисата

$$P + t_1 \cdot i$$

- $i$  е единичен вектор по оста x

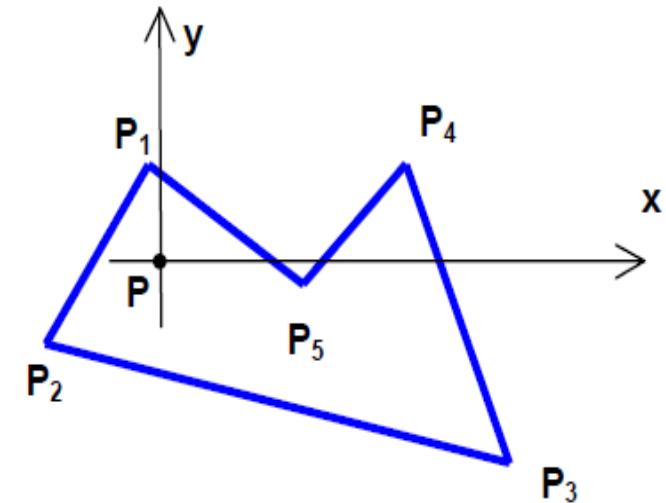
- **Точката е вътре в многоъгълника ако лъча пресича нечетен брой пъти страните на многоъгълника**
  - за всяка страна се определя има ли пресечна точка с лъча



# Прави и равнини

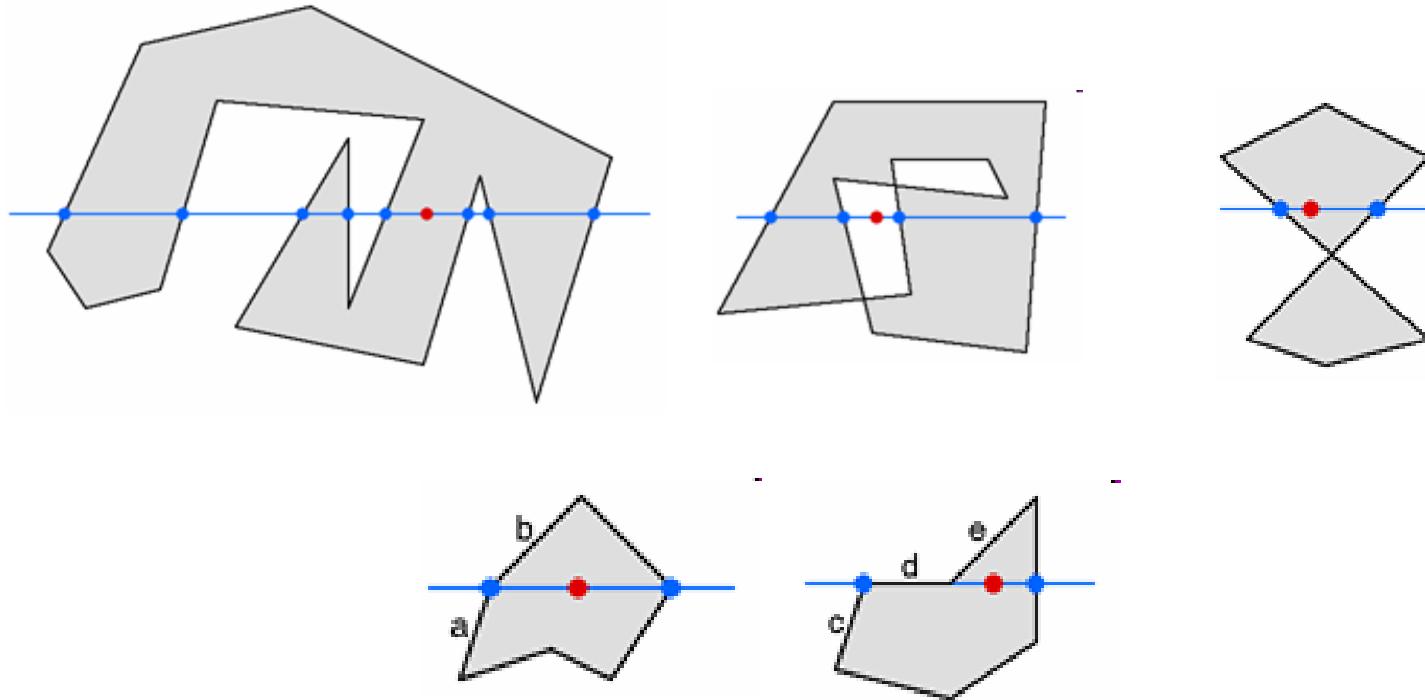
## ■ Тест 2

- Пренасят се т.Р и многоъгълника в началото на КС
  - трансляция с  $T(-x_p, -y_p)$
- *При нечетен брой точки на пресичане на страните на многоъгълника с новата абциса, точката е вътре в многоъгълника*
- Точка на пресичане на ръб с положителната посока на оста х има само, ако двете крайни точки на ръба са от различни страни на оста х и
  - двете крайни точки са отдясно на оста у или
  - едната крайна точка е отляво, а другата – отдясно на оста у и точката на пресичане има координата  $x > 0$



# Прави и равнини

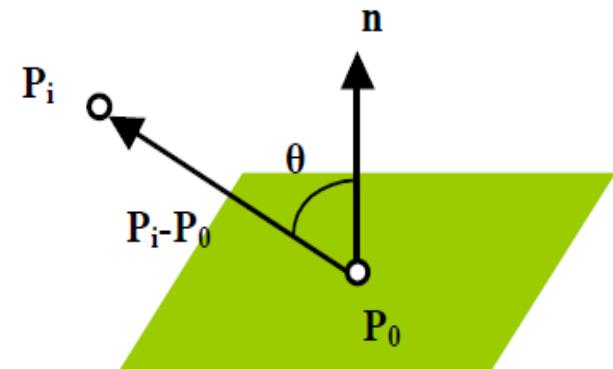
*Тест за принадлежност на точка в произволен  
многоъгълник*



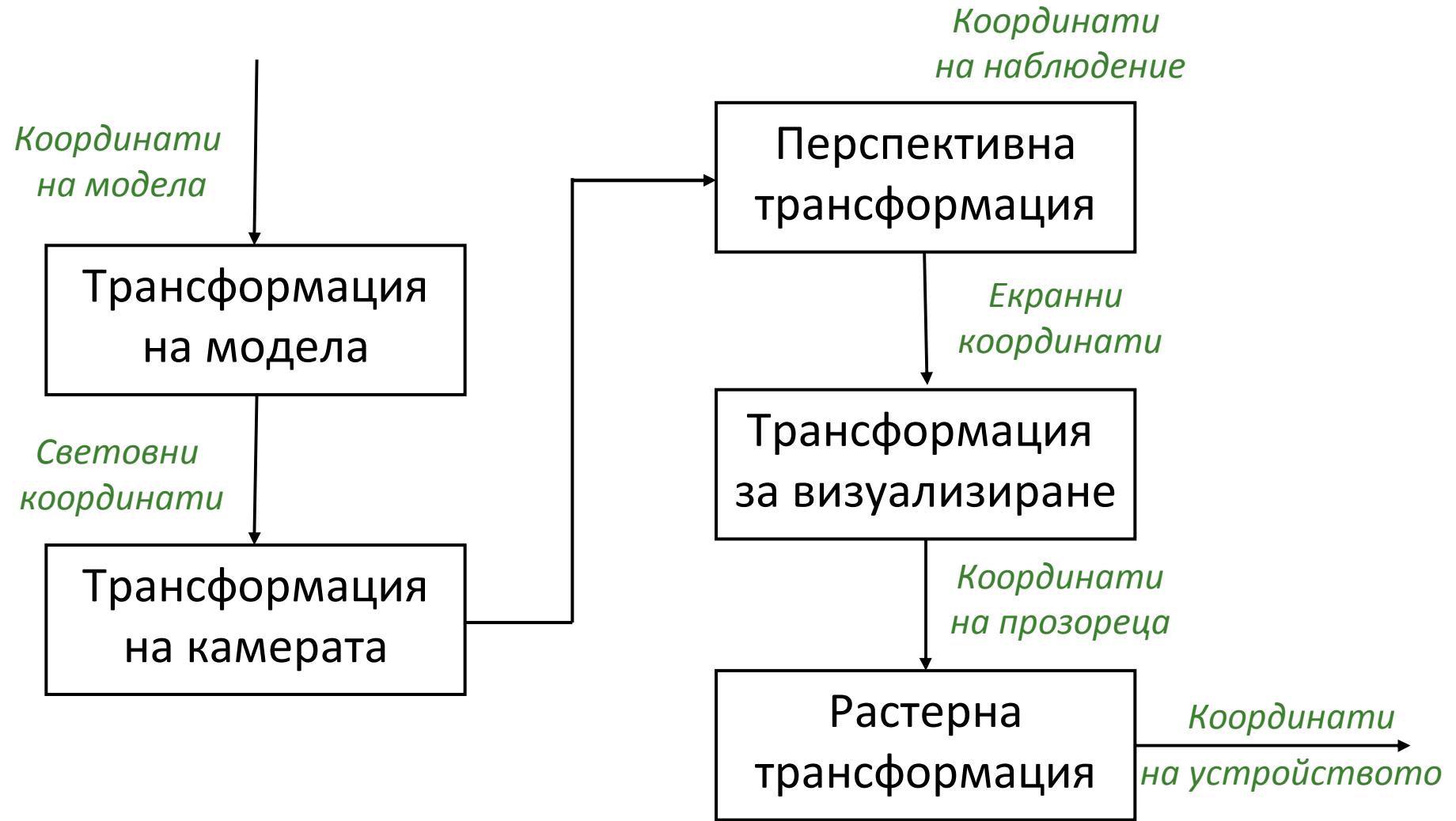
# Прави и равнини

## ■ Разделяне на пространството от равнина

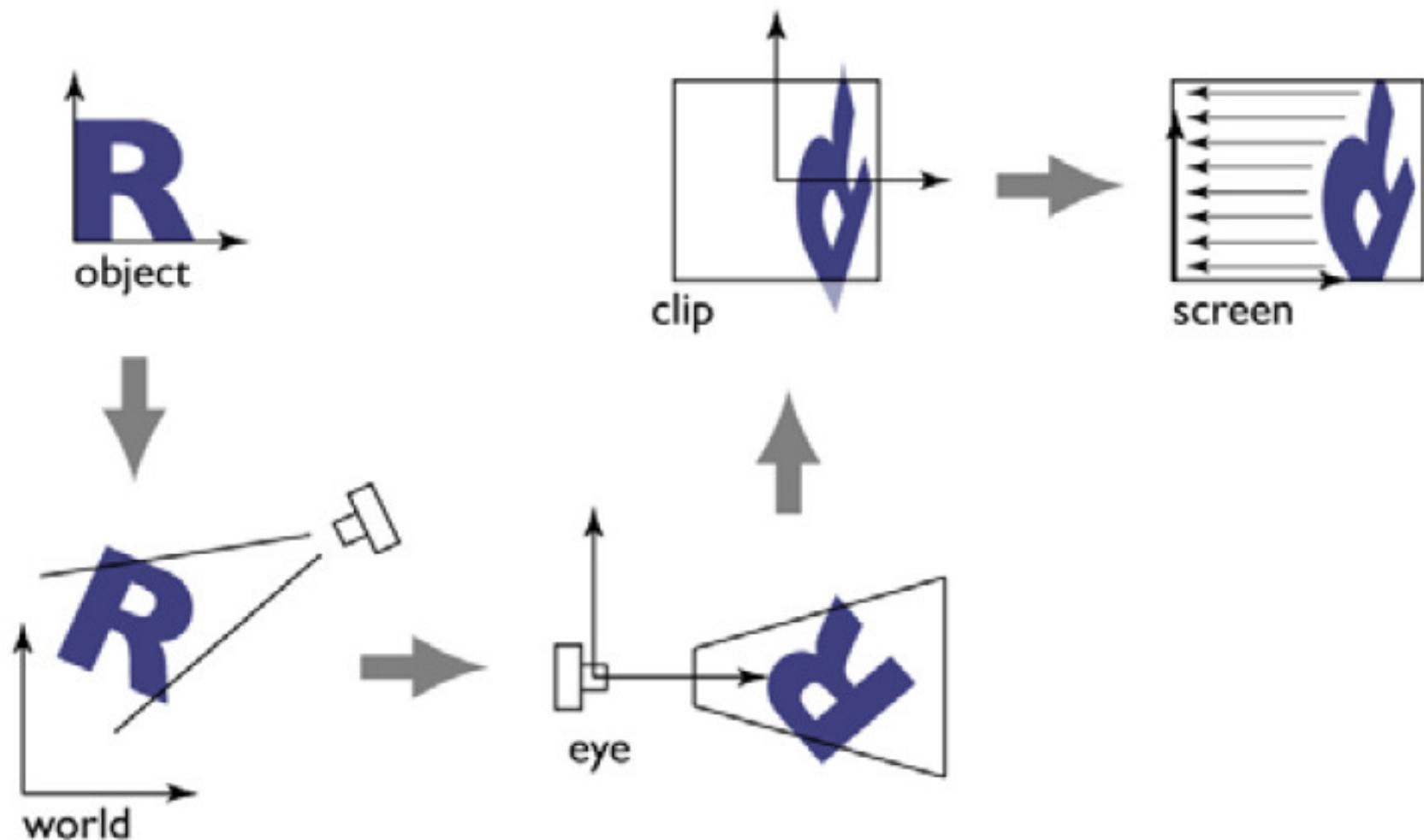
- дадена е равнина с точка  $P_0$  и нормала  $n$   
и две точки  $P_1$  и  $P_2$
- да се определи дали  
двете точки лежат от една и съща  
страна на равнината
- Използва се знака на скаларно произведение
  - ако  $n.(P_i - P_0) > 0$ ,  
то точката  $P_i$  лежи в това полупространство, в което е  
нормалата  $n$  ( $P_i \neq P_0$ ,  $P_0$  е точка от равнината)
  - ако  $n.(P_1 - P_0)$  и  $n.(P_2 - P_0)$  имат еднакви знаци,  
то  $P_1$  и  $P_2$  лежат от една и съща страна на равнината



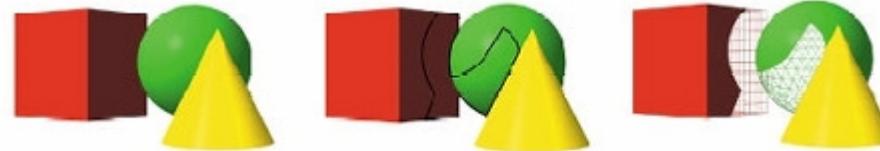
# Основен графичен конвейер



# Основен графичен конвейер

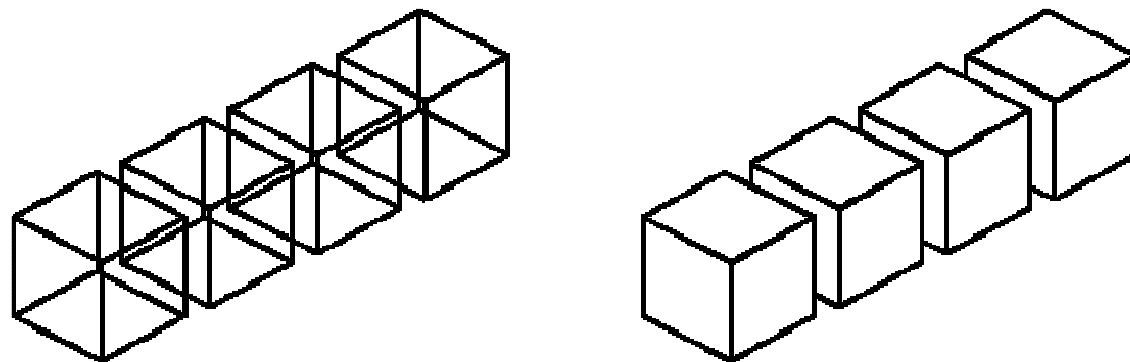


# Видими обекти / скрити обекти



## ■ Цел

- да се определи какво се вижда от дадена сцена при определена позиция на наблюдение
  - не се рендират примитиви, които не са видими
  - отхвърлят се примитиви, които не променят сцената и генерираното изображение



## ■ Кога?

- колкото е възможно по-рано в графичния конвейер

# Видими обекти / скрити обекти

## ■ Термини

### □ *culling*

- отхвърлят се примитиви или групи от примитиви
- *операция за оптимизация на рендирането*

### □ *clipping*

- примитив се разделя на видима и невидима част
- *необходима операция*

### □ *testing*

- отхвърля се фрагмент (потенциален пиксел)
- *необходима операция*

# Видими обекти / скрити обекти

## ■ Форми на закриване/невидимост

### □ **Изрязване с визуален обем** (View-frustum culling)

- невидим, защото е извън визуалния обем

### □ **Скриване** (Backface culling)

- невидим, защото е вътре в затворена фигура

### □ **Закриване** (Occlusion culling)

- невидим, защото е закрит

### □ **Незначителност** (Importance culling)

- (почти) невидим, защото проекцията му е твърде малка в сравнение с останалите елементи

# Видими обекти / скрити обекти

## ■ Форми на закриване/невидимост

### □ *Хардуерна имплементация (GPU)*

- автоматизирано
- много ефективно (много малко забавяне)
- изпълнява се късно в графичния конвейер и разглежда само един примитив в даден момент

### □ *Софтуерна имплементация (CPU)*

- алгоритми и структури от данни за изпълнението
- по-малко ефективно
- изпълнява се рано в графичния конвейер и разглежда цели групи примитиви

# Видими обекти / скрити обекти

## ■ Форми на закриване/невидимост

### □ Умерени (*Conservative*)

- примитив се отхвърля само ако е сигурно че трява да се отхвърли
- понякога се визуализира обект, който не е видим

### □ Не умерени (*Non Conservative*)

- примитивите се отхвърлят според евристики
- понякога НЕ се визуализира (частично) обект!

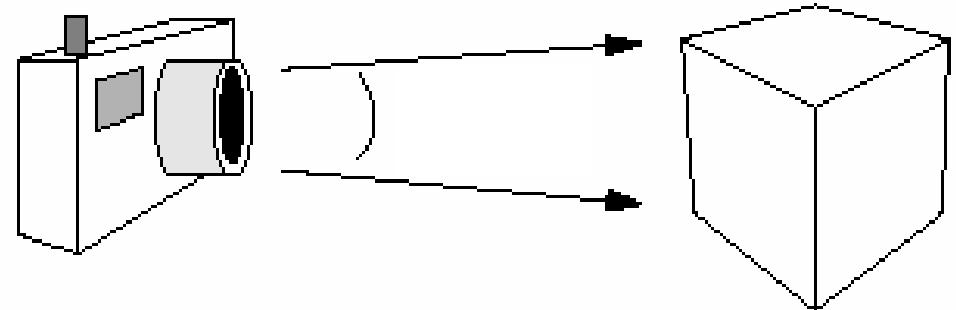
# Видими обекти / скрити обекти

- Две основни групи алгоритми за откриване на видими повърхности
  - **Методи в пространството на обектите**  
*(Object Space Methods)*
    - сравняват се обекти и части от обекти в сцената за да се определи кои са видими
  - **Методи в пространството на изображението**  
*(Image Space Methods)*
    - видимостта се определя точка по точка за всеки пиксел в проекционната равнина

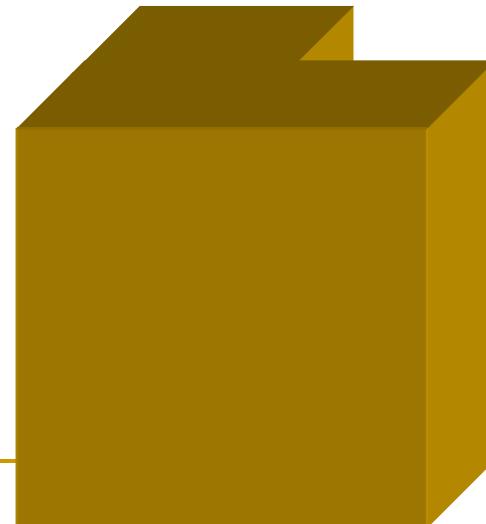
# Скрити повърхности

- Отстраняване на невидими стени на изпъкнали тела

- *Backface culling*
  - *Back-Face Detection*
  - *Self-Hidden Surfaces*

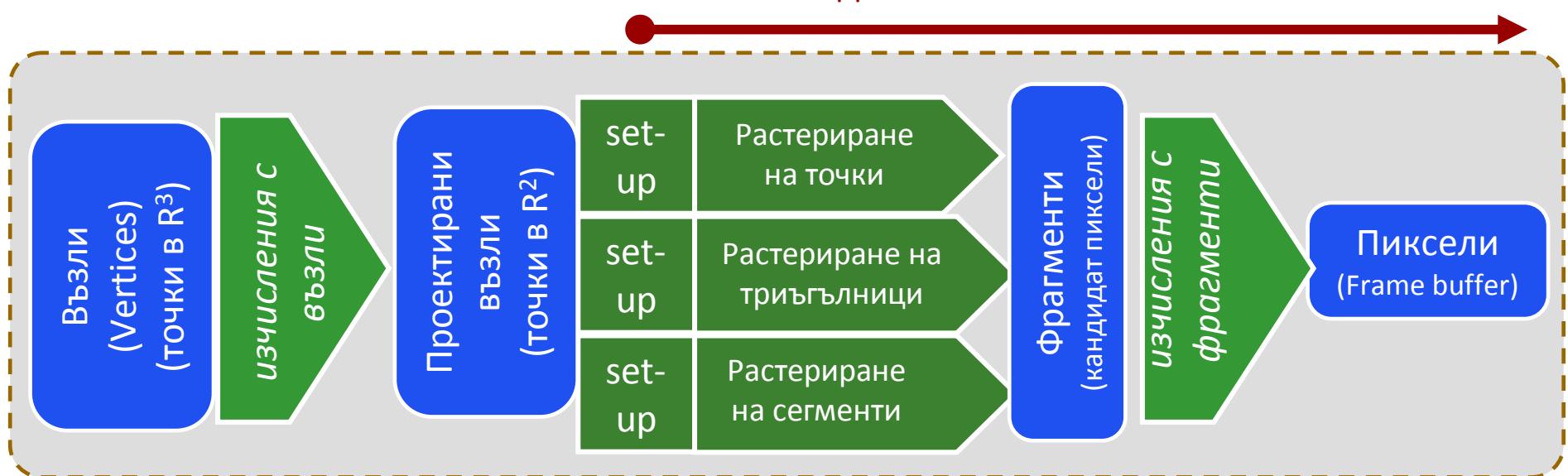


- Хардуерна имплементация
  - Софтуерна имплементация



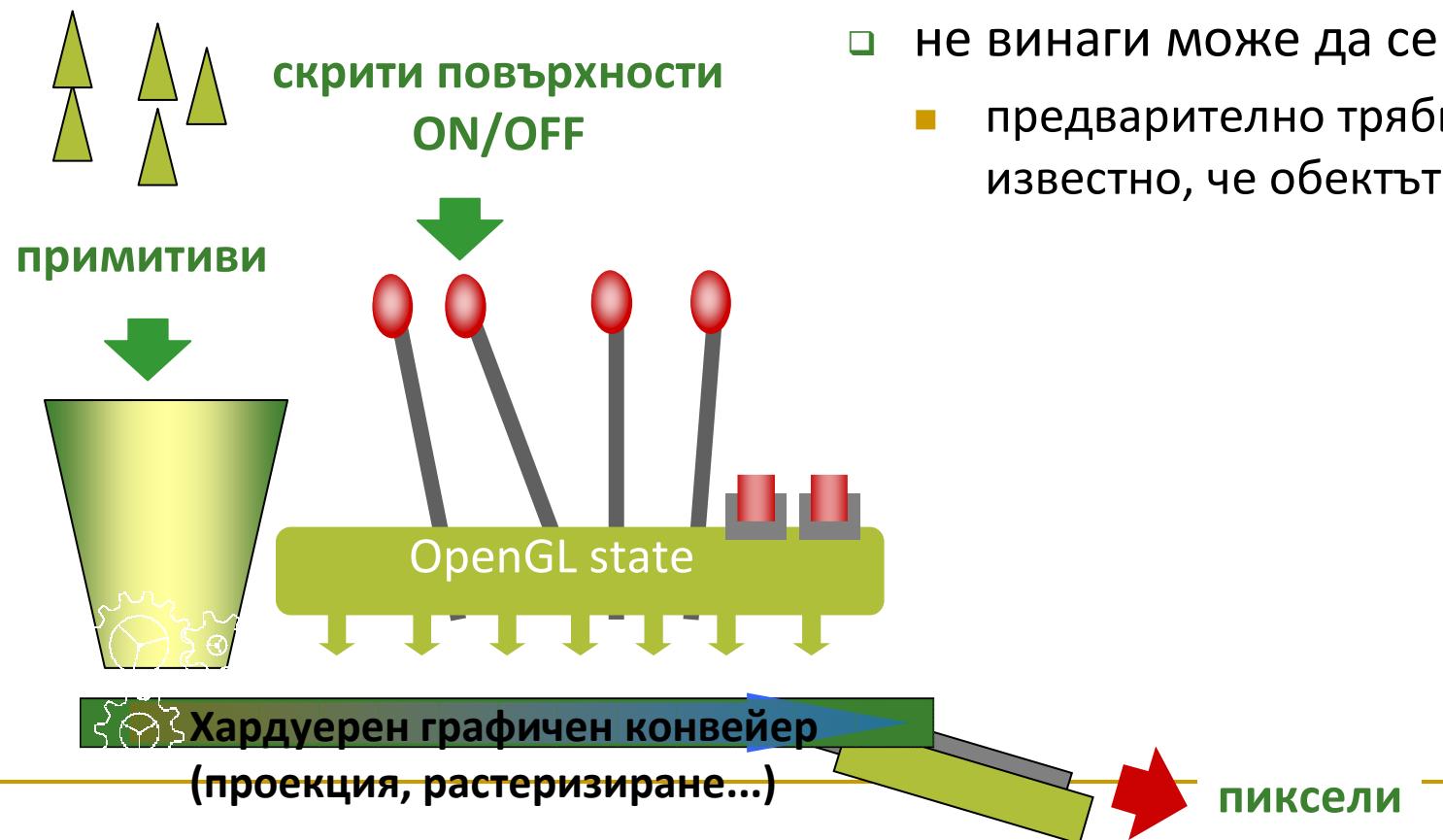
# Скрити повърхности

## ■ Хардуерна имплементация



# Скрити повърхности

## ■ Хардуерна имплементация



# Скрити повърхности

## ■ Хардуерна имплементация

### □ OpenGL state

#### ■ функции за промяна на състоянието

```
glEnable(GL_CULL_FACE);  
glDisable(GL_CULL_FACE);
```

□ променят само състоянието, но не екрана

#### ■ функции за определяне дали се отхвърлят предни или задни скрити стени

```
glCullFace(GL_FRONT);  
glCullFace(GL_BACK);
```

#### ■ недостатък: работи само за изпъкнали обекти

# Скрити повърхности

## ■ Софтуерна имплементация

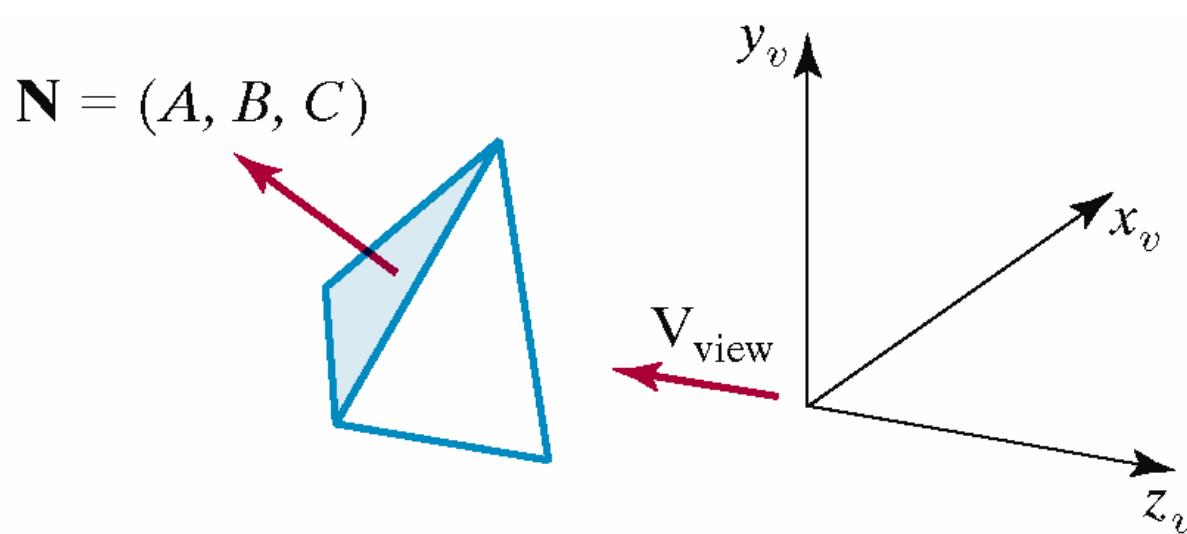
- определяне и отхвърляне на задната стена на твърди тела, които са изпъкнали многостени
- най-простият подход
  - отстраняват се от по-нататъшно разглеждане част от стените на обекти в сцената
- Дадена е т. $P(x, y, z)$
- Даден е многоъгълник в равнина, определена с параметрите  $A, B, C, D$
- Точката е зад равнината на многоъгълника ако

$$Ax + By + Cz + D < 0$$

# Скрити повърхности

## ■ Софтуерна имплементация

- Нека е дадена дясно ориентирана координатна система с посока на наблюдение по отрицателната посока на оста  $z$
- Ако  $z$  компонента на нормалата на многоъгълника е по-малка от 0, то повърхнината не се вижда



# Скрити повърхности

## ■ Софтуерна имплементация

### ■ Вектор на наблюдение

- при перспективна проекция с център С

$$V = C - P$$

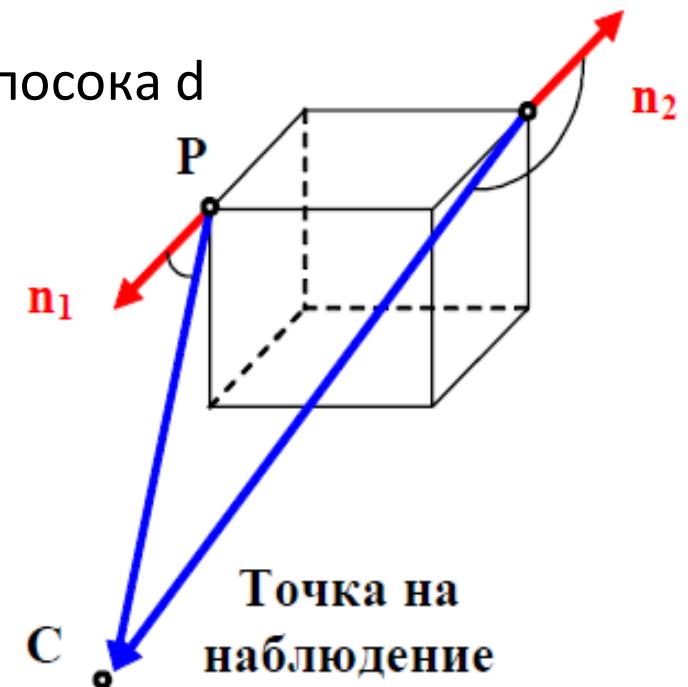
- при паралелна проекция, зададена с посока d

$$V = P + t.d$$

### ■ Ако

$$n \cdot V > 0$$

то стената е видима



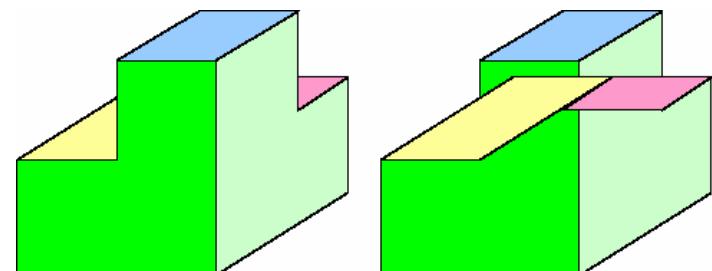
# Скрити повърхности

## ■ Софтуерна имплементация

- обикновено се елиминират около половината от стените на многоъгълниците от по-нататъшни тестове на видимостта

## ■ Необходими са други подходи за по-сложните ситуации

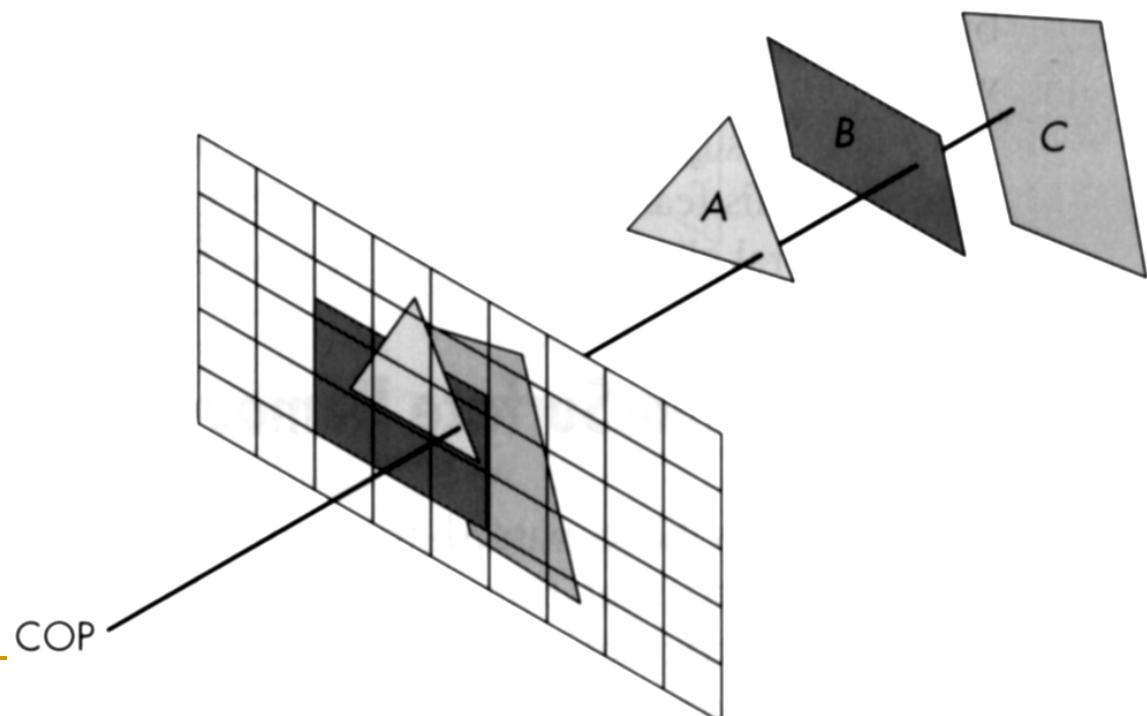
- само-закриване
- частично закриване на един обект от друг



# Закрити повърхности

## ■ *Occlusion culling*

- много важна форма на определяне на невидимост
  - могат да бъдат отхвърлени голяма част от примитивите
- 
- по-близко расположените до камерата обекти закриват по-отдалечените



# Закрити повърхности

## ■ Два подхода

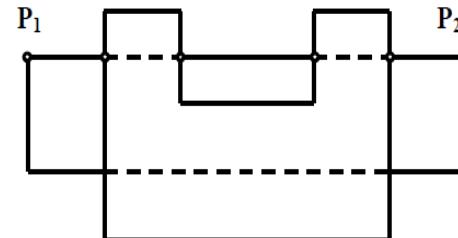
- премахване на цели стени
  - триъгълници, групи от триъгълници, полигони
- премахване на части от стени

## ■ Историческо развитие на методите

- *Премахване на скрити линии*
- *Алгоритъм на художника*
- *Метод на z-буфер*

# Закрити повърхности

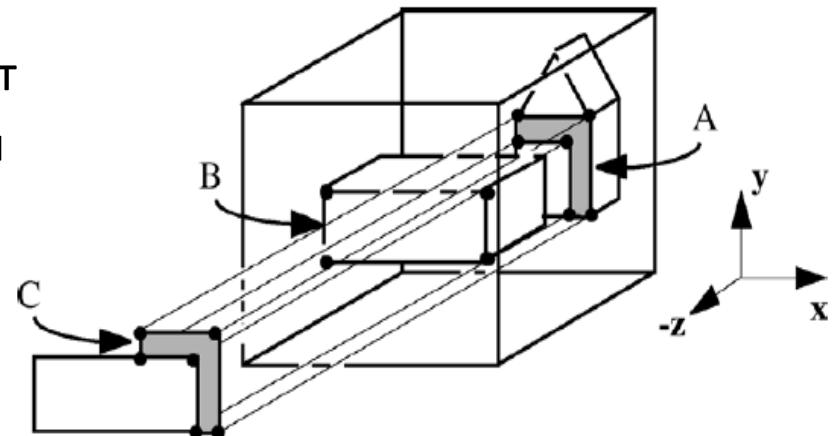
- **Премахване на скрити линии** (Roberts, 1963)
  - сравнява се всеки ръб във всеки обект и се елиминират невидимите ръбове или части от ръбове
  - стени, които скриват само части от ръб го делят на НЯКОЛКО изцяло видими или изцяло невидими отсечки



# Закрити повърхности

## ■ *Премахване на скрити линии* (Roberts, 1963)

- подобен подход се прилага и за скрити стени
  - всеки многоъгълник се изрязва с проекцията на всички останали многоъгълници, разположени пред него
    - елиминират се невидимите части от стената и се създават нови видими многоъгълници
- недостатък
  - сложността е  $O(n^2)$ 
    - всеки обект се сравнява с всички ръбове



Polygon A is clipped by B which is in front of it. A new sub-polygon, C, is created.

# Закрити повърхности

## ■ Алгоритъм на художника

- визуализират се цели стени, но се изчертават в **правilen ред**
- създава се ред за визуализиране на стените
  - всеки многоъгълник се наслагва върху предишните
  - гарантира се коректно визуализиране при всяка разделяща способност
- многоъгълниците се сортират по **дълбочина** на разположението им
  - от най-отдалечения към най-близкия до позицията на камерата



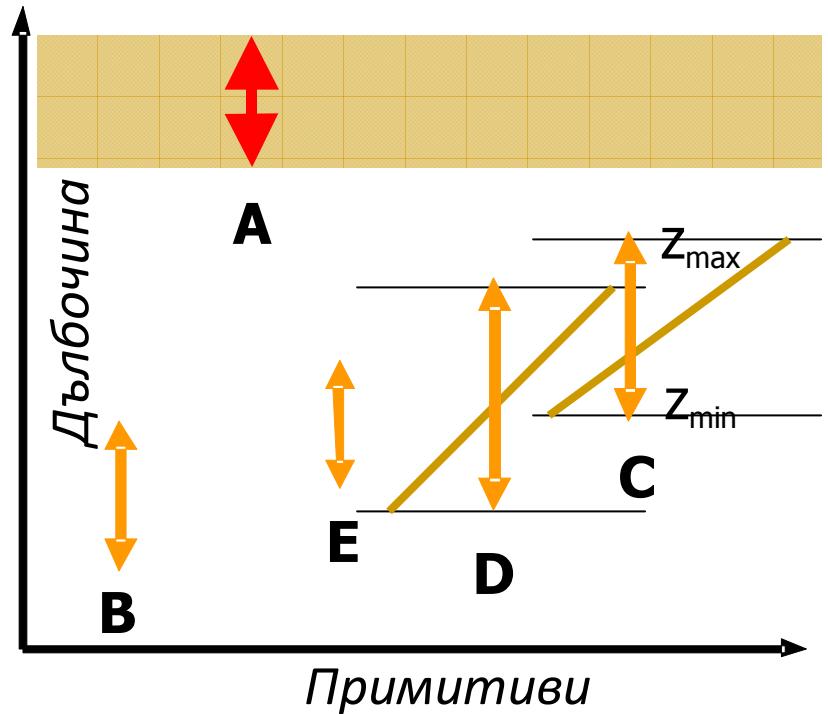
# Откриване на видими повърхности

## ■ Алгоритъм на художника

- 1) Отстраняват се задните стени
- 2) Стените се сортират в намаляващ ред на z координатите им
- 3) Всяка стена от сортирания списък се проектира на екрана и се рендира като запълнен многоъгълник

### □ Проблеми

- примитивите имат max и min дълбочина
  - съществува ли "правилен" ред?
  - първо C или първо D?



# Откриване на видими повърхности

## ■ Алгоритъм на художника

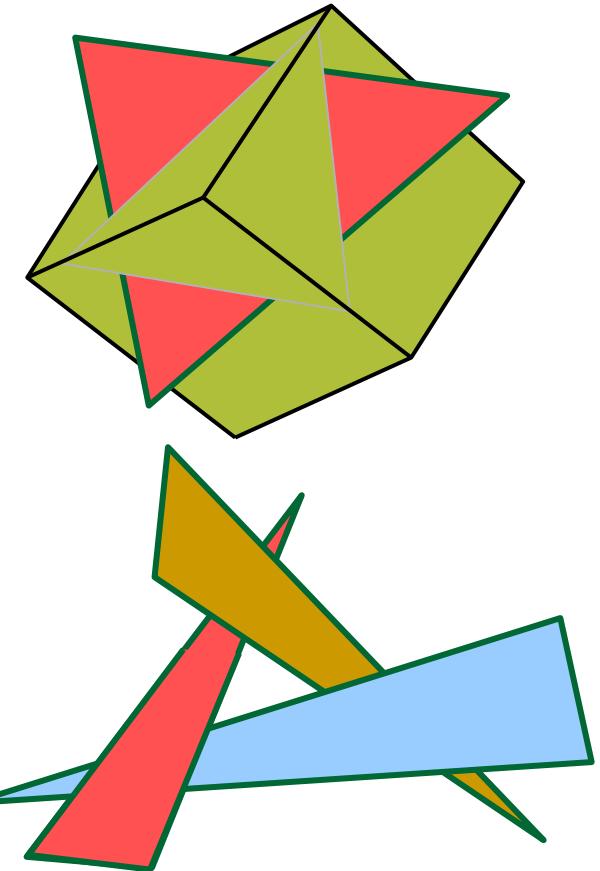
### □ Проблеми

- взаимно закриващи се обекти

### □ Недостатъци

- изчислителна сложност
  - сортиране  $\rightarrow (n \log (n))$ 
    - в компютърната графика  
повече от линейна сложност  
води до проблеми

- само софтуерна имплементация! (CPU)
  - не се интегрира в хардуерния конвейер
- не се паралелизира

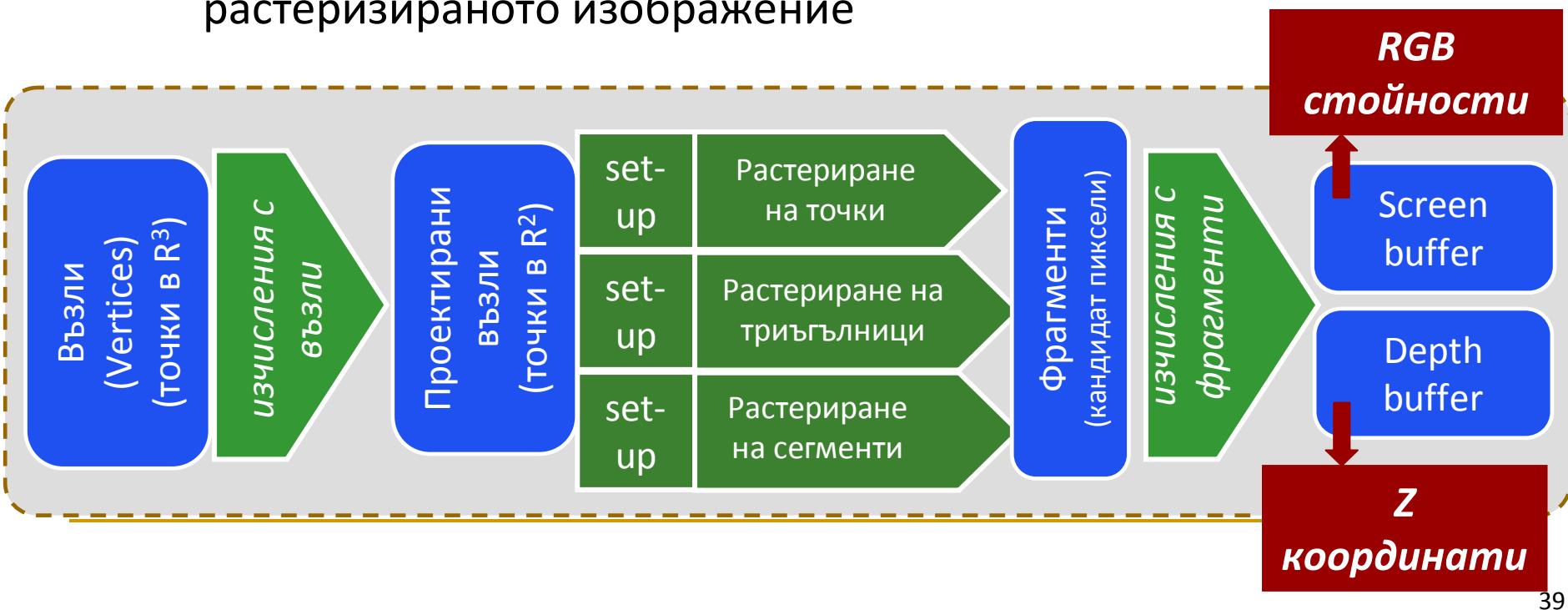


# Метод на z-буфер

## ■ Алгоритъм на z-буфер

### □ Depth-Buffer Method

- Сравнява стойностите на z-координатите за всеки пиксел в растеризираното изображение

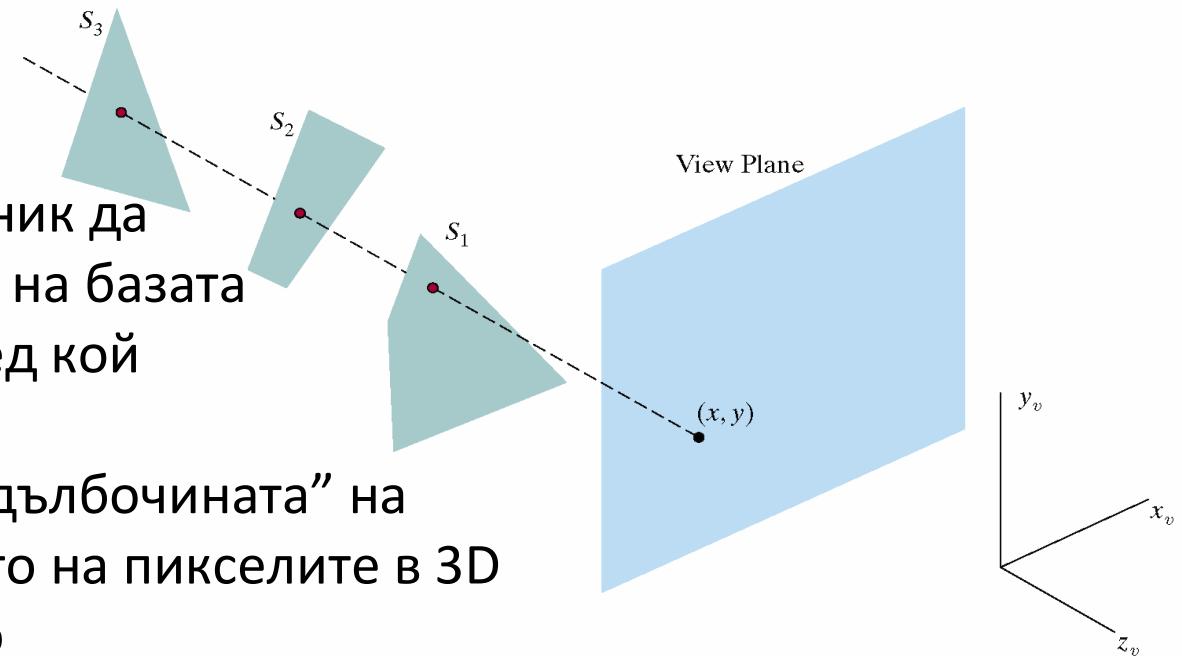


# Метод на z-буфер

## ■ Алгоритъм на z-буфер

### □ Цел

- да се определи кой многоъгълник да се визуализира на базата на това кой пред кой е разположен
- анализира се “дълбочината” на разположението на пикселите в 3D пространството
- z-координатите се изчисляват лесно
  - алгоритъмът е бърз



# Метод на z-буфер

- За всеки многоъгълник от сцената
  - растеризира се многоъгълника
  - определя се z-координата за всеки пиксел от екрана в рамката за визуализиране
  - ако z-координатата е по-голяма (т.е. обекта е по-близко до позицията на наблюдение), то се заменя цвета на пиксела с новата стойност за многоъгълника
- Обикновено се прилага за сцени, които съдържат само многоъгълници

# Метод на z-буфер

- За да се приложи алгоритъм със z-буфер се използват
  - frame buffer (screen buffer)
    - съдържа стойностите с цвета за всеки пиксел
  - z-buffer
    - съдържа текущата стойност на z-координатата за всеки пиксел
- Двата буфера имат еднакви размери
- Не се изисква анализ на пресичането на обекти един с друг
- Не се изисква сортиране на обектите
  - реда на обработването на стените няма значение
- Алгоритъмът изисква допълнителна памет за z-буфера

# Метод на z-буфер

## ■ Алгоритъм на z-буфер

### 1. Инициализация на z-буфер и frame буфер

- за всеки пиксел ( $x, y$ ) от рамката на екрана

`frameBuff(x, y) = backgroundColor`

`depthBuff(x, y) = 1.0`

# Метод на z-буфер

## ■ Алгоритъм на z-буфер

2. Обработва се всеки многоъгълник в сцената един по един

- проектира се многоъгълника на екрана
- за всеки проектиран възел от многоъгълника с координати  $(x, y)$  за изчислява дълбочината  $z$  (ако не е известна)
- Ако  $z < \text{depthBuff}(x, y)$  то се определя цвета на многоъгълника за тази позиция и се задават нови стойности

$$\text{depthBuff}(x, y) = z$$

$$\text{frameBuff}(x, y) = \text{surfColour}(x, y)$$

# Метод на z-буфер

- **Пример** (стойността за всеки пиксел е z-координата)

64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64

+

5	5	5	5	5	5	5	5	
5	5	5	5	5	5	5		
5	5	5	5	5	5			
5	5	5	5	5				
5	5	5	5					
5	5	5						
5	5							
5								

=

5	5	5	5	5	5	5	5	64
5	5	5	5	5	5	5	64	64
5	5	5	5	5	5	5	64	64
5	5	5	5	5	5	5	64	64
5	5	5	5	5	5	64	64	64
5	5	5	5	64	64	64	64	64
5	5	64	64	64	64	64	64	64
5	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64

5	5	5	5	5	5	5	5	64
5	5	5	5	5	5	5	64	64
5	5	5	5	5	5	64	64	64
5	5	5	5	64	64	64	64	64
5	5	5	64	64	64	64	64	64
5	5	64	64	64	64	64	64	64
5	64	64	64	64	64	64	64	64
64	64	64	64	64	64	64	64	64

+

7								
6	7							
5	6	7						
4	5	6	7					
3	4	5	6	7				
2	3	4	5	6	7			

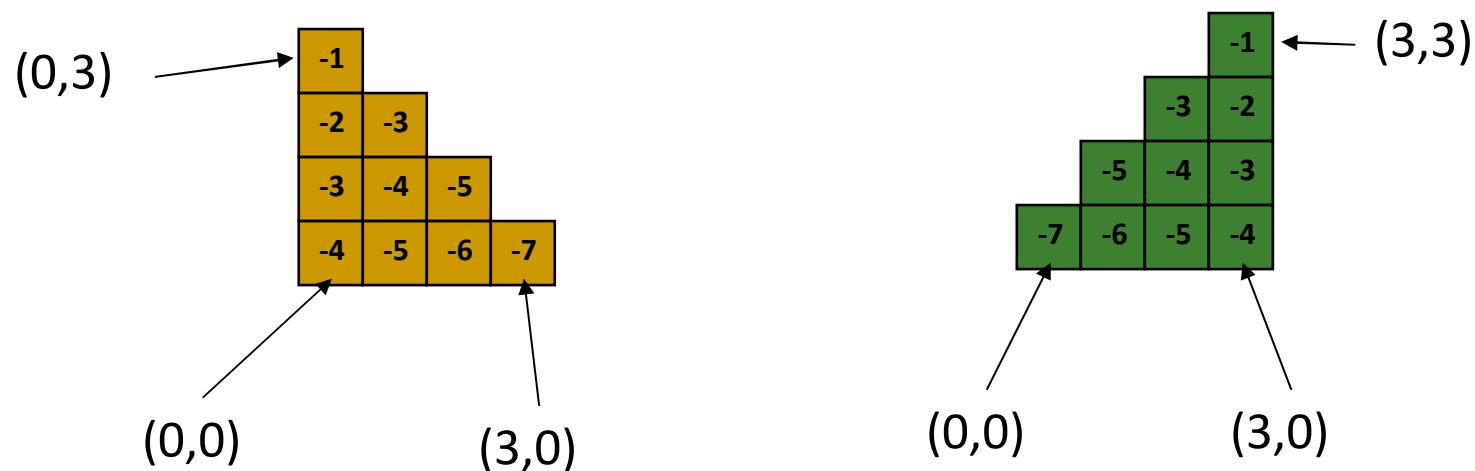
=

5	5	5	5	5	5	5	5	64
5	5	5	5	5	5	5	64	64
5	5	5	5	5	5	5	64	64
5	5	5	5	5	5	64	64	64
5	5	5	5	5	64	64	64	64
4	5	5	7					
3	4	5	6	7				
2	3	4	5	6	7			

# Метод на z-буфер

## ■ Пример

- Има ли значение реда на обработване?



# Метод на z-буфер

## ■ Пример

- Има ли значение реда на обработване?

$$\begin{array}{c} \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline -1 \\ \hline -2 \\ \hline -3 \\ \hline -4 \\ \hline -5 \\ \hline -6 \\ \hline -7 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -1 & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -2 & -3 & -\infty & -\infty \\ \hline -3 & -4 & -5 & -\infty \\ \hline -4 & -5 & -6 & -7 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline -3 \\ \hline -4 \\ \hline -5 \\ \hline -6 \\ \hline -7 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -1 & -\infty & -\infty & -1 \\ \hline -2 & -3 & -3 & -2 \\ \hline -3 & -4 & -4 & -3 \\ \hline -4 & -5 & -5 & -4 \\ \hline \end{array} \\ \\ \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline -\infty & -\infty & -\infty & -\infty \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline -1 \\ \hline -3 \\ \hline -5 \\ \hline -6 \\ \hline -5 \\ \hline -4 \\ \hline -3 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -\infty & -\infty & -\infty & -1 \\ \hline -\infty & -\infty & -3 & -2 \\ \hline -\infty & -5 & -4 & -3 \\ \hline -7 & -6 & -5 & -4 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline -1 \\ \hline -2 \\ \hline -3 \\ \hline -3 \\ \hline -4 \\ \hline -5 \\ \hline -6 \\ \hline -7 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -1 & -\infty & -\infty & -1 \\ \hline -2 & -3 & -3 & -2 \\ \hline -3 & -4 & -4 & -3 \\ \hline -4 & -5 & -5 & -4 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

# Метод на z-буфер

```
allocate z-buffer;

// Initialize color and depth
for each pixel (x, y)
    color [x] [y] = backgroundColor;
    zBuffer [x] [y] = farPlane;

// Draw polygons (in any order)
for each polygon p
    for each pixel (x, y) in p      // Rasterize polygon
         $p_z$  = p's z-value at (x, y); // Interpolate polygon's z-value
        if  $p_z$  > zBuffer [x] [y]       // If new depth is closer:
            color [x] [y] = newColor; //     Write new color & new
depth
        zBuffer [x] [y] =  $p_z$ ;
```

# Метод на z-буфер

## ■ *Използване на depth buffer в OpenGL*

### 1. Инициализиране на буфер

```
glutInitDisplayMode(GLUT_DEPTH)
```

### 2. Разрешаване на depth buffering

```
 glEnable(GL_DEPTH_TEST)
```

### 3. Изтриване на depth buffer

- ❑ когато се изтрива и color buffer в callback функцията display

```
 glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT)
```

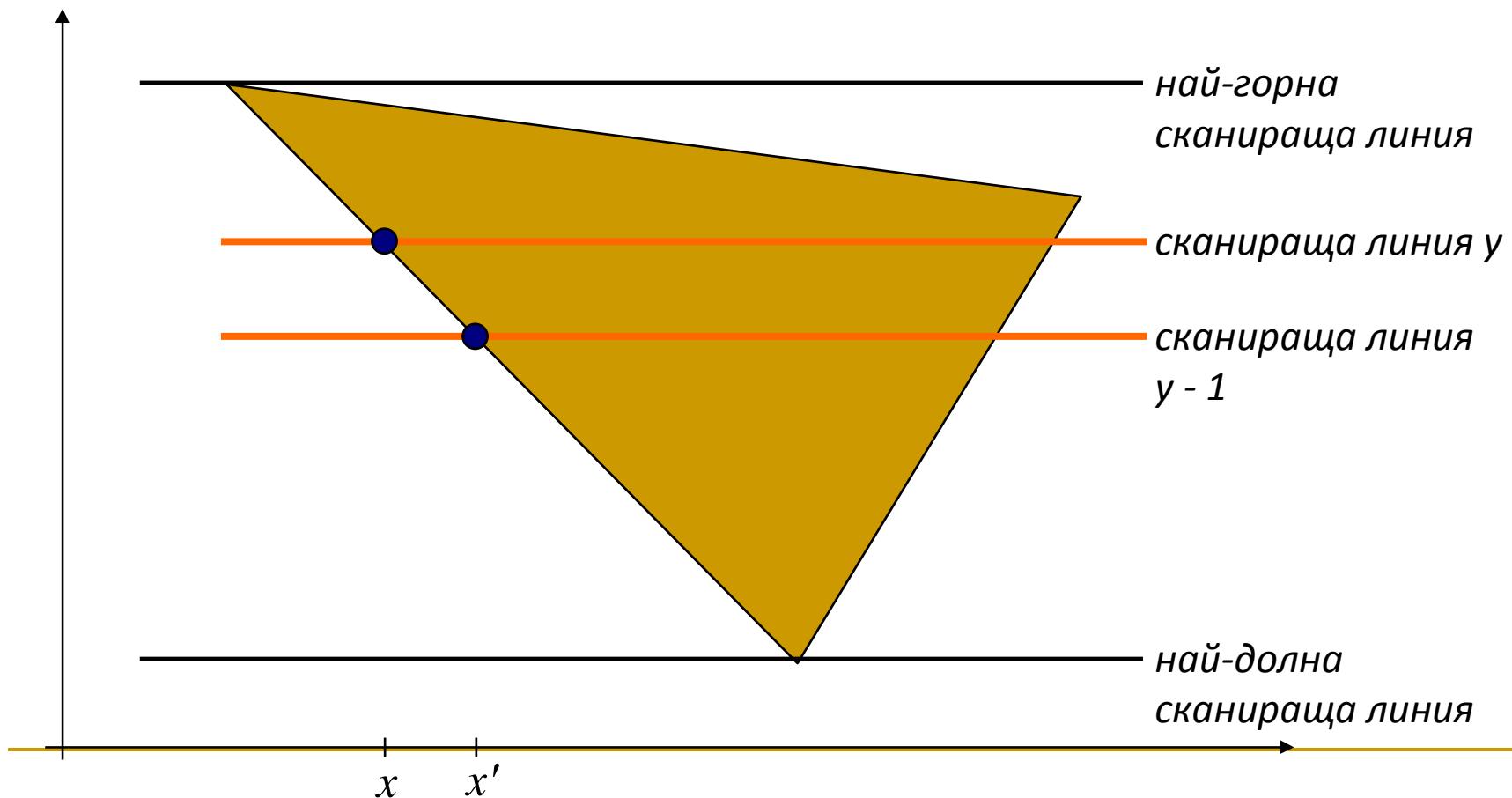
# Метод на z-буфер

## ■ *Изчисляване на дълбочина*

- Итеративни изчисления със сканираща линия
  - за всеки многоъгълник в сцената най-напред се разглежда най-горния възел
  - след това рекурсивно се изчисляват стойностите на x-координатите надолу по левия ръб на полигона

# Метод на z-буфер

## ■ Изчисляване на дълбочина



# Метод на z-буфер

## ■ Изчисляване на дълбочина

- За всяка точка от многоъгълника z-координатата се определя от уравнението на равнината

$$z = \frac{-Ax - By - D}{C}$$

- За всяка сканираща линия съседните x-координати и съседните y-координати се различават с  $\pm 1$

$$z' = \frac{-A(x+1) - By - D}{C}$$

---

$$z' = z - \frac{A}{C}$$

---

# Метод на z-буфер

## ■ Изчисляване на дълбочина

- Стойностите на x-координатата на началната точка от всяка сканираща линия се определя от предишната

$$x' = x - \frac{1}{m}$$

- където  $m$  е наклона

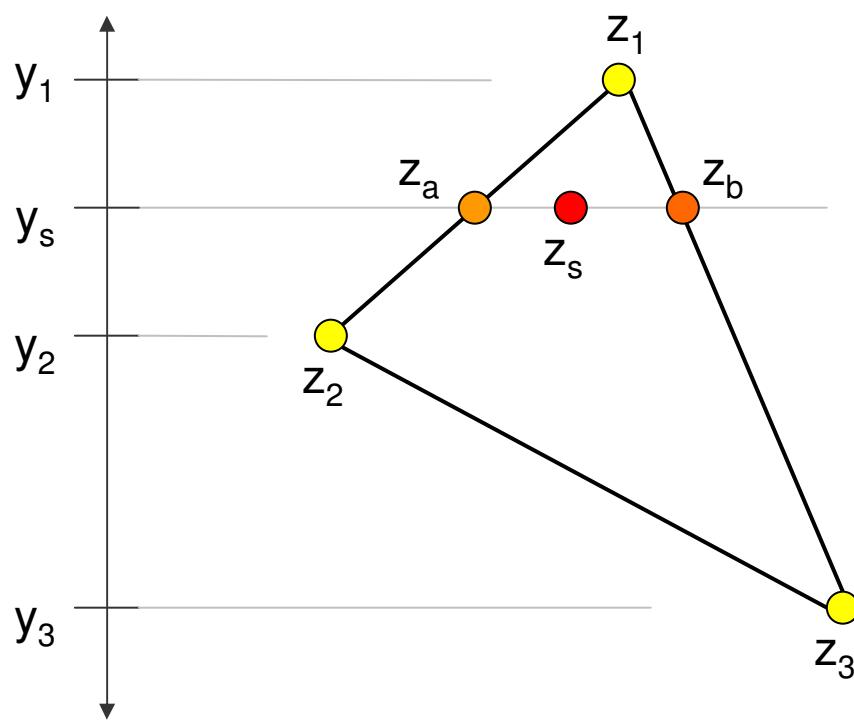
- Стойностите на z-координатата по ръба се изчисляват с интерполяция

$$z' = z - \frac{\frac{A}{m} + B}{C}$$

- ако ръбът е вертикален:  $m=\infty$ , то  $z' = z + \frac{B}{C}$

# Метод на z-буфер

## ■ Изчисляване на дълбочина



$$z_a = z_1 + (z_2 - z_1) \frac{y_1 - y_s}{y_1 - y_2}$$

$$z_b = z_1 + (z_3 - z_1) \frac{y_1 - y_s}{y_1 - y_3}$$

$$z_s = z_b + (z_a - z_b) \frac{x_b - x_s}{x_b - x_a}$$

# Метод на z-буфер

## ■ *Предимства*

- приложим при всички случаи на скриване, закриване, самозакриване
- резултатът не зависи от реда на обработване на примитивите
- бърз, лесно се имплементира
  - не се сортират обекти
- подходящ за хардуерна имплементация
  - бърза памет за съхраняване на z-буфера
- лесно се прилага при осветеност и сенки

# Метод на z-буфер

## ■ Недостатъци

- изисква допълнителна памет за z-буфера
  - целочислени стойности за дълбината
  - алгоритъм на сканираща линия
- данните са споделени
  - четенето и записа изискват синхронизация
- възможно е “нащърбане” при дискретизирането (aliasing)
  - налага се използване на супер-резолюция
- не е подходящ при прозрачни обекти

# Метод на A-буфер

## ■ *A-буфер*

- ❑ anti-aliased, area-averaged, accumulation buffer

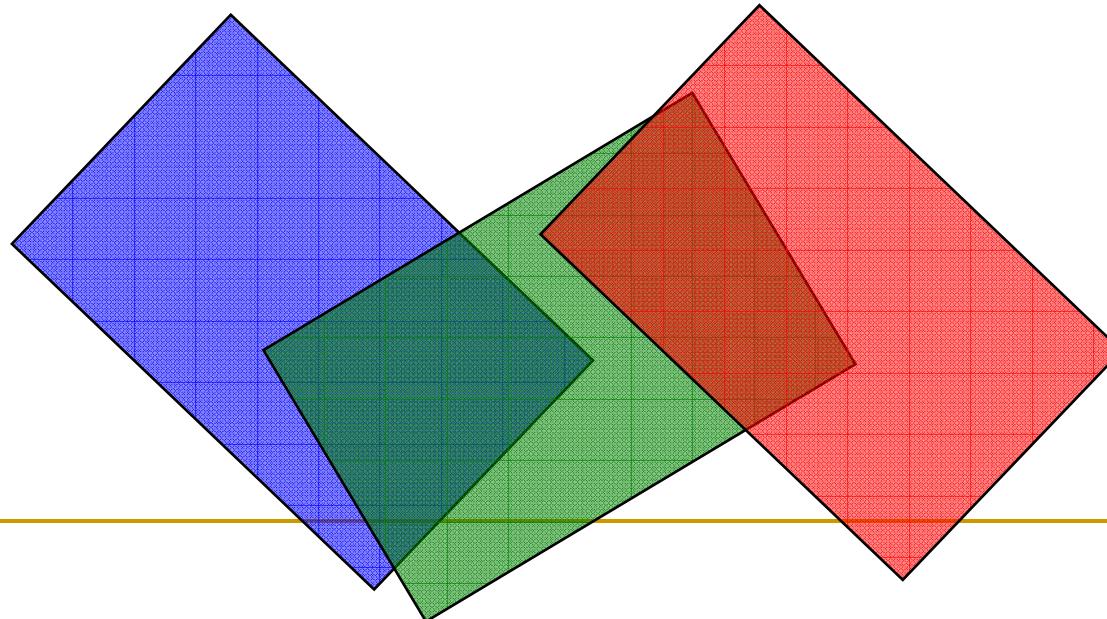
## ■ Разширение на метода на z-буфер

- ❑ Разработен от Lucasfilm Studios за системата за графична визуализация **REYES**
- ❑ **Renders Everything You Ever Saw**



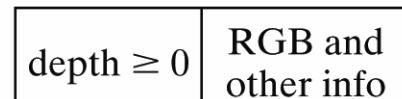
# Метод на A-буфер

- Разширението на метода на z-буфер е в посока на допускане на прозрачност
- Основна структура за данни в алгоритъма на A-buffer
  - *accumulation buffer*

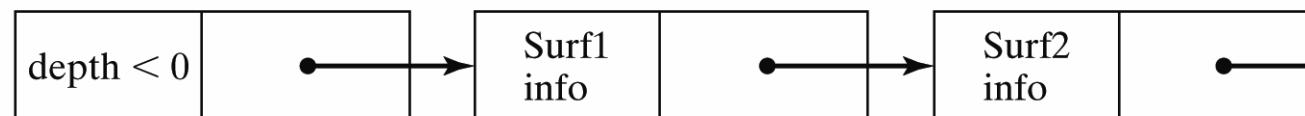


# Метод на А-буфер

- Ако дълбината е по-голяма от 0, то в А-буфера се съхранява z-координатата за съответния пиксел от экрана
  - както и при z-буфер
- Ако дълбината е по-малка от 0, то в А-буфера се съхранява указател към свързан списък с данни за визуализиране на повърхнината



(a)



(b)

# Метод на А-буфер

- Информацията за повърхнината в А-буфера включва
  - стойности на RGB компонентите на цвета
  - параметър за непрозрачност
  - дълбочина (z-координата)
  - процентно покритие на многоъгълника
  - идентификатор на повърхността
  - други параметри за визуализиране на многоъгълника
- Алгоритъмът с А-буфер е същия както при z-буфер
  - стойностите на дълбочината и прозрачността се определят за определяне на окончателния цвят на пиксела

# Метод на сканиращата линия

- Метод за определяне на видимите повърхности в пространството на изображението
- Изчисляват се и се сравняват стойностите на z-координатите в сцената по протежение на различни сканиращи линии
- Използват се две таблици
  - таблица на ръбовете (*edge table*)
  - таблица на стените (*surface facet table*)

# Метод на сканиращата линия

## ■ *Таблицата на ръбовете* съдържа

- координати на крайните точки на отсечки в сцената
- обратния наклон на всяка отсечка
- указател към таблицата на стените

## ■ *Таблицата на стените* съдържа

- коефициентите на равнината, в която лежи стената
- характеристики на материал на стената
- други данни за повърхността на стената
- възможно е да има указатели към таблицата с ръбовете

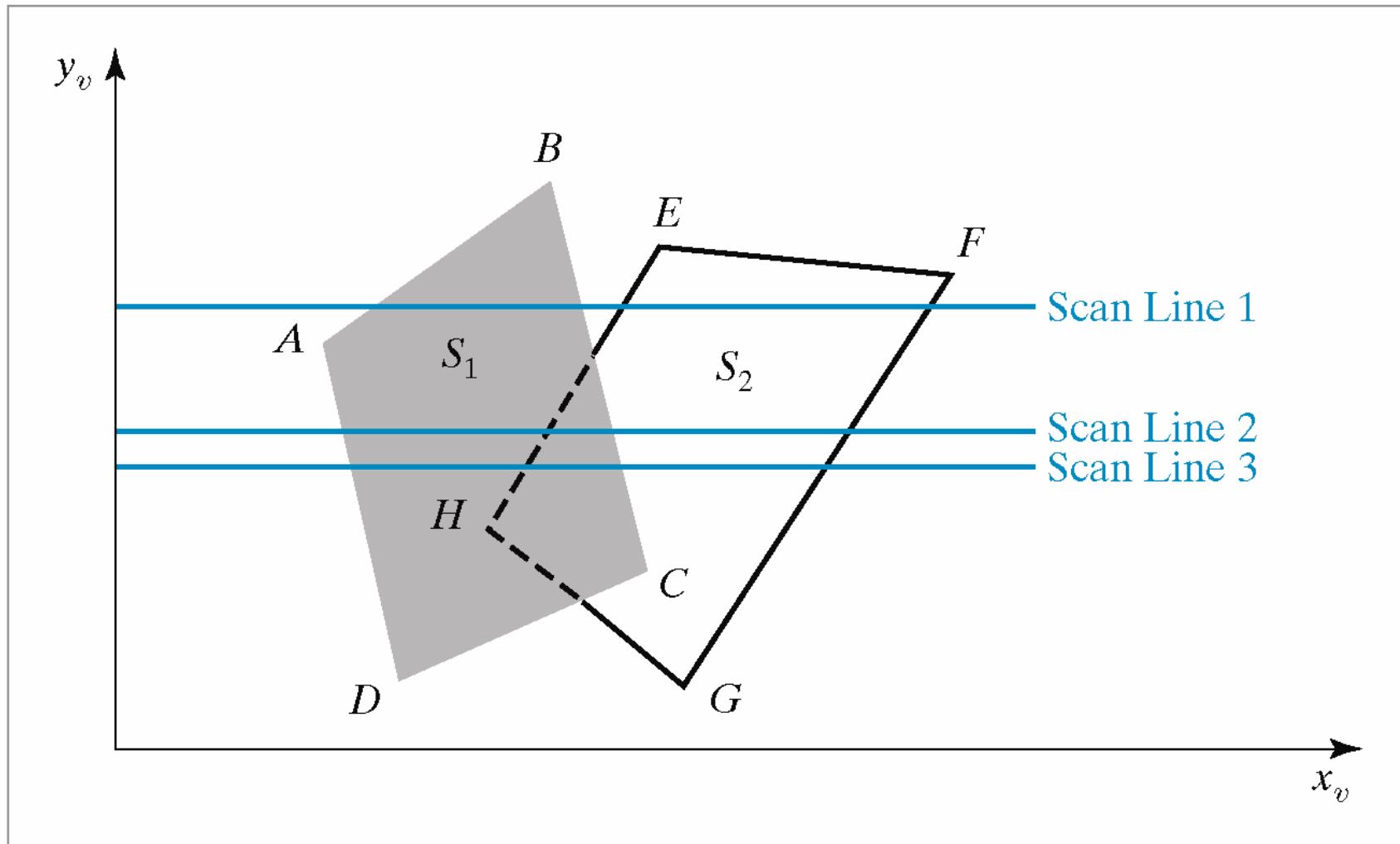
# Метод на сканиращата линия

- За да се ускори определянето на пресечни точки за дадена сканираща линия се формира активен списък на ръбовете за всяка сканираща линия по време на обработването ѝ
  - активният списък ръбове съдържа само тези ръбове, които пресичат сканиращата линия в ред на намаляване на x
- За всяка стена се задава флаг, който определя дали дадена точка по протежение на сканиращата линия е вътре или извън многоъгълника на стената

# Метод на сканираща линия

- Пикселите по протежение на всяка сканираща линия се обработват от ляво надясно
  - при пресичане отляво със стената флагът на стената се вдига
  - при пресичане отдясно със стената флагът се сваля
- Изчисления за дълбочината на разположение се извършват само ако флаговете на повече от една стена са вдигнати за определена точка от сканиращата линия

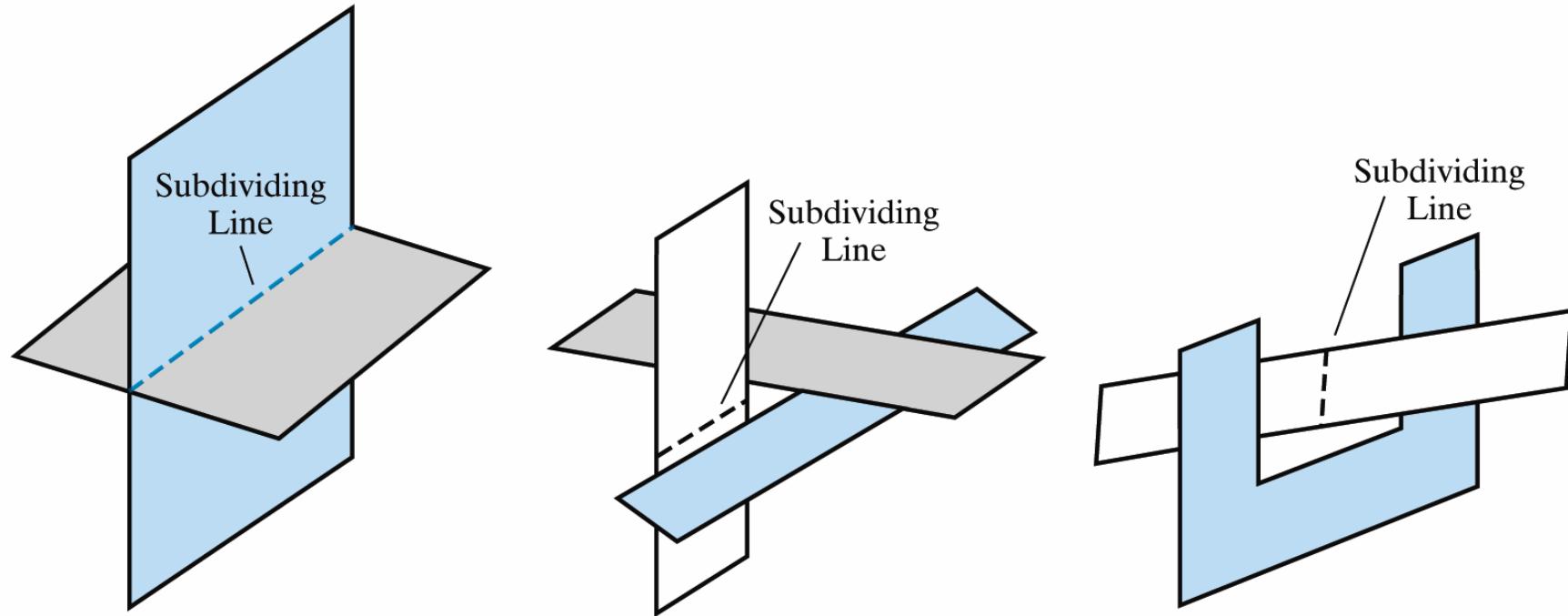
# Метод на сканираща линия



# Метод на сканираща линия

## ■ Ограничения

- методът не се справя със случаите на пресичане на многоъгълници или при циклично припокриване
  - такива многоъгълници следва да бъдат разделени



# Видими обекти / скрити обекти

## ■ *Редуциране на сложността и ускоряване на изчисленията*

- използва се съгласуваност в различни аспекти
  - **Обекти**
    - ако обектите са разделени, то се сравняват обекти, не полигони
  - **Полигони**
    - ако полигон се променя плавно, то се модифицира инкрементално
  - **Отсечки**
    - отсечка променя видимостта само ако пресича друга отсечка или полигон
  - **Сканираща линия**
    - множество видими обекти не се променя значително по протежение на сканираща линия
  - **Област**
    - групи съседни пиксели често принадлежат на един и същи видим полигон
  - **Дълбочина**
    - съседни части от една повърхнина обикновено имат близки стойности за дълбочината
  - **Кадри**
    - в анимация съседните кадри обикновено са много подобни

# КРАЙ

---

Следваща тема:  
Геометрично моделиране  
на 2D и 3D обекти